Zeitschrift für Kristallographie, Bd. 121, S. 131-144 (1965)

# Die Kristallstruktur von Na<sub>2</sub>S· 5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>Se· 5H<sub>2</sub>O und Na<sub>2</sub>Te· 5H<sub>2</sub>O

### Von DORA BEDLIVY\* und ANTON PREISINGER

### Mineralogisches Institut der Universität Wien

## Mit 3 Abbildungen im Text

#### (Eingegangen am 10. Juli 1964)

#### Abstract

Crystals of  $Na_2S\cdot 5H_2O,\ Na_2Se\cdot 5H_2O$  and  $Na_2Te\cdot 5H_2O$  have the lattice parameters

a		6.47 <sub>5</sub> Å,	$a = 6.56_9 \text{ Å},$	$a = 6.73_5 \text{ Å},$
b	=	$12.54_5$ Å,	$b = 12.87_3$ Å,	$b = 13.46_9 \text{ Å},$
c	==	$8.65_{5}$ Å,	$c = 8.91_2 \text{ Å},$	$c = 9.21_{9} \text{ Å},$

space group  $Cmcm-D_{2h}^{17}$ , Z = 4. The structure has been determined by twodimensional Fourier and  $(F_o-F_o)$  syntheses along [001], [010] and [100].

One Na<sub>1</sub> ion is surrounded octahedrally by six water molecules and one Na<sub>1</sub> ion is surrounded by four water molecules and one S ion forming a quadratic pyramid. The Na<sub>1</sub>-H<sub>2</sub>O octahedra form chains which are connected to layers by the pyramidal coordinated Na<sub>11</sub> ions. These layers are linked to each other by hydrogen bonds,  $O-H \cdots S$  and  $O-H \cdots S$  eand  $O-H \cdots Te$ , respectively.

#### Auszug

 $\rm Na_2S\cdot 5H_2O$ -,  $\rm Na_2Se\cdot 5H_2O$ - und  $\rm Na_2Te\cdot 5H_2O$ -Kristalle besitzen die Gitterkonstanten

$$a = 6,47_5$$
 Å,  $a = 6,56_9$  Å,  $a = 6,73_5$  Å,  
 $b = 12,54_5$  Å,  $b = 12,87_3$  Å,  $b = 13,46_9$  Å,  
 $c = 8,65_5$  Å,  $c = 8,91_9$  Å,  $c = 9,21_9$  Å,

die Raumgruppe  $Cmcm-D_{2h}^{17}$ , Z = 4. Die Struktur wurde mittels zweidimensionalen Fourier- und  $(F_{\circ}-F_{\circ})$ -Synthesen parallel [001], [010] und [100] bestimmt.

Ein Na<sub>I</sub>-Ion ist oktaedrisch von 6  $H_2O$ -Molekülen und ein Na<sub>II</sub>-Ion von 4  $H_2O$ -Molekülen und einem S-Ion in Form einer quadratischen Pyramide um-

<sup>\*</sup> Dauernde Adresse: Museo Bernardino Rivadavia, Buenos Aires, Argentinien.

geben. Die Na<sub>1</sub>-H<sub>2</sub>O-Oktaeder bilden Ketten, die durch die pyramidal umgebenen Na<sub>11</sub>-Ionen zu Schichten verknüpft sind. Die Schichten sind durch O-H···S-bzw. O-H···Se-bzw. O-H··· Te-Wasserstoffbrücken miteinander verbunden.

## Einleitung

Im Zuge der Untersuchung der Strukturhydrate von Na<sub>2</sub>S, Na<sub>2</sub>Se und Na<sub>2</sub>Te (D. BEDLIVY und A. PREISINGER, 1961), werden die 5-Hydrate dieser drei Verbindungen hergestellt, wobei erstmalig die Darstellung von Na<sub>2</sub>Se  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O und Na<sub>2</sub>Te  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O gelingt. Im Anschluß an die Strukturbestimmung von Na<sub>2</sub>S  $\cdot$  9H<sub>2</sub>O und Na<sub>2</sub>Se  $\cdot$  9H<sub>2</sub>O (D. BEDLIVY und A. PREISINGER, 1965) werden die Kristallstrukturen von Na<sub>2</sub>S  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>Se  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O und Na<sub>2</sub>Te  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O ermittelt, um die Bindungen H<sub>2</sub>O-S(Se,Te) eingehender zu charakterisieren.

## Experimentelles

Zur Herstellung von Na<sub>2</sub>S  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O-Kristallen wird im Handel erhältliches Na<sub>2</sub>S  $\cdot$  9H<sub>2</sub>O (Merck) in NaOH-Lösung (5 g Ätznatron auf 10 g H<sub>2</sub>O) eine Stunde am Wasserbad bei einer Temperatur von 85 °C gehalten. Diese Lösung wird warm filtriert. Beim langsamen Abkühlen des Filtrates bilden sich farblose Kristalle von Na<sub>2</sub>S  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O mit lattenförmigem Habitus und rhombischer Symmetrie. Für die Einkristallaufnahmen wird ein nach der *c*-Achse orientierter Kristall samt Mutterlauge in eine Kapillare eingesogen und luftdicht abgeschlossen.

Das 5-Hydrat des Na<sub>2</sub>Se wird durch Einleiten von H<sub>2</sub>Se in Natronlauge (20 g Ätznatron auf 30 g H<sub>2</sub>O) bei 40 °C in N<sub>2</sub>-Atmosphäre und das 5-Hydrat des Na<sub>2</sub>Te durch Einleiten von H<sub>2</sub>Te in Natronlauge (20 g Ätznatron auf 30 g H<sub>2</sub>O) bei 20 °C in N<sub>2</sub>-Atmosphäre als feinkristalliner Niederschlag ausgeschieden (D. BEDLIVY, 1961). Das Einschließen der Präparate in Kapillaren für die Pulveraufnahmen erfolgte in einer N<sub>2</sub>-Atmosphäre, da sich die Substanzen an Luft leicht unter Ausscheiden von Se bzw. Te zersetzen.

Es werden Pulveraufnahmen vom Na<sub>2</sub>S · 5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>Se · 5H<sub>2</sub>O und Na<sub>2</sub>Te · 5H<sub>2</sub>O sowie Einkristallaufnahmen vom Na<sub>2</sub>S · 5H<sub>2</sub>O mittels einer Weissenberg-Kamera mit Ni-gefilterter CuKα-Strahlung ( $\lambda = 1,5405$  Å) von den (*hk*0)-, (*hk*1)- und (*hk*2)-Reflexen und mittels einer Buerger-Kamera mit Zr-gefilterter MoKα ( $\lambda = 0.70926$  Å) von den (*0kl*)- und (*h0l*)-Reflexen gemacht. Der verwendete Kristall hat einen Durchmesser von 0,2 mm und ein  $R\mu_{Cu} = 0,33$  bzw.  $R\mu_{Mo} = 0,035$ .

Die Kristallstruktur von Na<sub>2</sub>S · 5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>Se · 5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>Te · 5H<sub>2</sub>O 133

Die Intensitäten der Pulveraufnahmen werden mit einem Mikrophotometer gemessen, für die Einkristallaufnahmen wird die "multiple Filmmethode" verwendet und damit 220 Reflexe registriert. Die Reduktion der Intensitäten erfolgte mit dem Intensity Correction-Programm von SHIONO. Die Intensitäten der Pulveraufnahmen werden aus den Lorentz-Polarisationsfaktoren, den Strukturfaktoren und dem Flächenhäufigkeitsfaktor mit Hilfe der International Tables berechnet. Alle strukturellen Daten sowie die Abstände und Winkel werden auf dem Magnettrommel-Rechner IBM 650 mit den Programmen von SHIONO, gerechnet.

## **Gitterkonstanten und Raumgruppe**

In Tab. 1 werden die Gitterkonstanten, die Achsenverhältnisse und die Dichten der isotypen Verbindungen angeführt (D. BEDLIVY und A. PREISINGER, 1961). Aus den systematischen Auslöschungen,

Tabelle 1. Gitterkonstanten, Achsenverhältnisse und Dichten von  $Na_2S \cdot 5H_2O$ ,  $Na_2Se \cdot 5H_2O$  und  $Na_2Te \cdot 5H_2O$ 

	$Na_2S \cdot 5H_2O$	$Na_2Se \cdot 5H_2O$	$Na_2Te \cdot 5H_2O$
$\overline{a}$	$6,47_5$ Å	6,56 <sub>9</sub> Å	$6,73_5$ Å
b	$12,54_{5}$	12,873	13,46,
c	$8,65_{5}$	8,912	9,21,
V	703,0 Å <sup>3</sup>	753,6 Å <sup>3</sup>	836,3 Å <sup>3</sup>
a:1:c	0,516:1:0,690	0,510:1:0,692	0,500:1:0,685
Qpyknom.	1,58	-	
Qröntg.	$1,58_{8}$	1,895	2,094

hkl nur mit h+k=2n und h0l nur mit h=2n und l=2n, sowie aus der Statistik (A. J. C. WILSON, 1950), die für  $\varrho = \langle |F| \rangle^2 / \langle |F|^2 \rangle$  einen Wert von 0,60 liefert, der einer Zentrosymmetrie entspricht, ergibt sich als charakteristische Raumgruppe  $Cmcm-D_{2h}^{17}$ . Diese zentrosymmetrische Raumgruppe wird durch die Strukturbestimmung bestätigt. Der Zellinhalt beträgt vier Formeleinheiten.

## Strukturbestimmung

Patterson-Projektionen und zugespitzte Patterson-Projektionen parallel [001], [010] und [100] werden von  $Na_2S \cdot 5H_2O$  berechnet. Diese Projektionen sowie die Punktlagen der Raumgruppe (Tab. 2) lassen die Aufteilung der Atome auf folgende Punktlagen zu:  $Na_I$  auf 4a,  $Na_{II}$  auf 4c, S auf 4c,  $H_2O_I$  auf 4c und  $H_2O_{II}$  auf 16h. Mit diesen Punktlagen und den aus den Patterson-Projektionen ermittelten



Abb. 1. Fourierprojektion von Na<sub>2</sub>S · 5H<sub>2</sub>O parallel [100] und [001]. Die Atomlagen sind durch Kreuze markiert. Die Höhenschichtlinien 5, 15, 25 und 35  $e \cdot \text{\AA}^{-2}$  sind schwach ausgezogen, die Höhenschichtlinien 10, 20, 30 und 40  $e \cdot \text{\AA}^{-2}$ sind stärker hervorgehoben.

$(0,0,0;rac{1}{2},rac{1}{2},0)+$										
16 h	x, y, z;	$x$ , $ar{y}$ , $ar{z}$ ;	$x, y, \frac{1}{2} - z;$	$x, \bar{y}, \frac{1}{2} + z;$						
8 a	$x, y, \overline{z};$ $x, y, \overline{z};$	x, y, z; $\overline{x}, u, \frac{1}{2};$	$x, y, \frac{1}{2} + z; \\ x, \overline{y}, \frac{3}{2};$	$x, y, \frac{1}{2} - z$ . $\overline{x}, \overline{y}, \frac{3}{4}$ .						
8 <i>f</i>	0, y, z;	$0, \vec{y}, \vec{z};$	$0, y, \frac{1}{2} - z;$	$0, \bar{y}, \frac{1}{2} + z.$						
8 e 8 d	x, 0, 0;	$\bar{x}, 0, 0;$	$x, 0, \frac{1}{2};$	$\bar{x}, 0, \frac{1}{2}$ .						
8 a 4 c	$\frac{1}{4}, \frac{1}{4}, 0;$ $0, y, \frac{1}{4};$	$\frac{1}{4}, \frac{3}{4}, 0;$ $0, \bar{y}, \frac{3}{4}.$	<b>4</b> , <b>4</b> , <b>2</b> ;	4,4,2.						
4 b	$0, \frac{1}{2}, 0;$	$0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}.$								
4 a	0,0,0;	$0, 0, \frac{1}{2}$ .								

Tabelle 2. Punktlagen der Raumgruppe  $Cmcm-D_{2h}^{17}$ 

Die Kristallstruktur von  $Na_2S \cdot 5H_2O$ ,  $Na_2Se \cdot 5H_2O$ ,  $Na_2Te \cdot 5H_2O$  135

Parametern werden die Vorzeichen der F-Werte bestimmt, und die Fourier-Synthesen parallel [001], [010] und [100] berechnet. Mit Hilfe von mehreren Zyklen von Differenzsynthesen ( $F_o-F_c$ ) parallel diesen drei Richtungen werden die Parameter verfeinert. Abb.1 zeigt die Fourierprojektion parallel [001] und [100]. Die mit den in Tab. 3 angeführten Parametern und isotropen Temperaturfaktoren (B-Werte) berechneten Strukturfaktoren  $F_c$  werden den für Na<sub>2</sub>S · 5H<sub>2</sub>O beobachteten Strukturfaktoren  $F_o$  in Tab. 4a und 4b gegenübergestellt. Als mittlere Fehler der Parameter ergeben sich aus einer Fehlerabschätzung nach H. LIPSON und W. COCHRAN (1953), für S 3,1 · 10<sup>-3</sup> Å, für Na 5,6 · 10<sup>-3</sup> Å und für O 7,0 · 10<sup>-3</sup> Å. Die in Tab. 4 mit \* bezeichneten  $F_o$ -Werte sind nicht beobachtet. An ihrer Stelle ist der wahrscheinliche Wert eines nicht beobachteten Reflexes nach W. C. HAMIL-TON (1955), angegeben. Die Strukturfaktoren  $F_c$  sind ohne Berücksichtigung der H-Atome berechnet. Die Werte der Atomstreufaktoren

	x	y	z	В
s	0,000	0,313	0,750	1,2
$Na_I$	0,000	0,000	0,000	1,5
Nau	0,500	0,042	0,750	1,5
O <sub>I</sub>	0,000	0,093	0,250	1,7
0 <sub>II</sub>	0,262	0,124	0,570	1,6

Tabelle 3. Parameterwerte und B-Werte für  $Na_2S \cdot 5H_2O$ 

werden den International Tables (1962) entnommen. In Tab. 5 sind die R-Werte für die in Tab. 4 zusammengestellten  $F_{o}$ - und  $F_{c}$ -Werte angegeben.

Für das  $Na_2Se \cdot 5H_2O$  und  $Na_2Te \cdot 5H_2O$  werden mit den in Tab. 6 angegebenen Parameterwerten die Intensitäten gerechnet und mit

# B DORA BEDLIVY und ANTON PREISINGER Tabelle 4a. Na<sub>2</sub>S · 5H<sub>2</sub>O. Vergleich der F<sub>0</sub>- und F<sub>0</sub>-Werte für die (hk0)-, (hk1)- und (hk2)-Reflexe

h k l Fo F. h k 1 F F h k l F F h k l F<sub>c</sub> Fo 200 36,6 45,1 510 11,9 -11,8 351 40.0 -51.1 172 9.9 12.0 400 133,5 143,1 530 36,0 36,7 371 15,0 12,6 1 9 2 -12,3 13,0 600 30.5 31.6 5 5 0 10.5\* - 9.5 391 25,8 -25,0 1 11 2 18,7 16,0 800 40,5 48,2 570 17,7 3 11 1 14,0 9.8\* 5.6 1 13 2 17.4 -18,0 020 39,8 39,8 590 27,8 23.2 3 13 1 8,5\* 4,5 1 15 2 11,0 10,5 040 71,8 -63.2 5 11 0 8.0\* 9,2 4 2 1 8,2\* - 0.7 2 2 2 25,5 23,4 060 40,9 620 34.7 10,6\* 11.2 4.5.1 42.1 38.4 242 73.6 70.4 080 33,1 52,9 640 461 34,8 57,2 17,0 -12,7 262 20,7 15,9 0 10 0 30.5 50.7 660 25.1 21.0 4.8.1 17,2 18.8 282 35,0 30,3 0 12 0 17,6 680 -21,4 4 10 1 30,6 -32,1 50.7 33.3  $2 \ 10 \ 2$ b.2\* 3.1 0 14 0 12,7 -15,7 6 10 0 12,0 14,8 4 12 1 19,1 -20,8 2 12 2 25,5 32,1 0 16 0 24,7 30,3 710 9.5\* 4.9  $5 \ 1 \ 1$ 15.6 10,3 2 15 2 28,2 30,5 110 - 4.7 3,9 730 12,9 12,3 531 32,6 -34.3 312 59.9 59.2 1 3 0 51,5 750 16,2 -21,3 551 58,5 22,9 -22,8 332 6,5 10,0 1 5 0 29.1 -27.8 770 17,6 19,1 571 17,1 17,0 352 62,0 61,8 170 37,2 826 31,8 6,0 591 372 4,1 22,4 -23,3 11,5 13.4 190 45,6 47,8 840 4,6\* - 5,1 5 11 1 7.3\* 1,5 392 6,2\* - 6,4 1 11 0 14.2 15.6 021 4.2 - 1.5 6 2 1 28.1 -26.4 3 11 2 11,4 11,8 1 13 0 0 4 1 641 39,2 42,3 59,8 59.4 28.9 27.5 3 13 2 17.2 -19.0 1 15 0 7,1\* 3,5 061 20,2 -20,2 6 6 1 422 7,3\* 7.5 20,6 18 9 2 2 0 39.3 38.4 081 27.5 30.0 681 12.412,6 4 4 2 5,6• - 8,5 240 100,3 107,9 0 10 1 45,8 46,6 6 10 1 10,2 462 10,8 6.0\* 6.0 260 39,3 36,5 0 12 1 25, 2-26,1 711 15,9 15,6 482 61,1 62,6 280 65.2 -63.2 0 14 1 8.3\* - 5.5 731 16,2 -15,5 4 10 2 5,9\* 2,5 2 10 0 24,6 22,0 23,9 1 1 1 26,5 751 18,5 -19,2 4 12 2 4,8\* 1,9 2 12 0 30,3 29.8 1 3 1 65,1 -69,5 771 7,4 512 8,5 29,9 29,8 2 14 0 8,2\* -11,6 151 42,9 -46.7 821 5.5\* - 5.5 532 8,6 8,8 310 14,7 14,1 171 25,8 18,7 2 0 2 120,0 -118,3 552 46,5 52,4 330 32,0 26.3 191 53,0 -30,3 4 0 2 14,9 -11,3 572 6,2\* 0,6 350 36.5 -32.71 11 1 9.8\* 3.1 6 6 2 40.3 -44.8 592 8,1 -11,7 370 36,3 10,8 35.5 1 13 1 6,6 802 -11,1 9,3 5 11 2 16.5 14.6 390 42.6 42.0 1 15 1 10,0\* -12,0 0 2 2 30,4 622 31,7 16,4 14,5 3 11 0 10.4\* 6.0 221 75.1 -72.9 042 24,9 -23.0 642 20,1 24,6 3 13 0 36,5 32,3 241 44.9 48,3 062 15,0 662 16,4 5.7\* 1,8 420 31,3 27,2 261 51.9 32,8 082 91,5 682 92,2 21,9 20,6 4 4 0 281 22,4 -21.5 27.1 28.2 0 10 2 6.1\* 6.6 6 10 2 3,6\* - 1.3 27,3 2 10 1 460 26,4 17,8 15,5 6,2\* 2,6 0 12 2 712 24,5 26.7 480 12.5 12.7 2 12 1 31.7 -26,1 0 14 2 25,3 30,5 732 5,1\* - 4,9 4 10 0 28,6 22,9 2 14 1 12,3 10,9 1 1 2 68,1 64.2 752 24,5 26,4 5 12 0 13,8 -14,3 311 20,8 20,5 1 3 2 23,1 22,4 3,7\* 772 5,4 4 14 0 11.3 -12,6 3 3 1 41,6 -42,9 1 5 2 90,0 88,1 8 2 2 11,9 10,4

\* Nicht beobachtet.

#### Tabelle 4b. Na<sub>2</sub>S · 5H<sub>2</sub>O. Vergleich der F<sub>0</sub>· und F<sub>c</sub>-Werte für die (h0l)- und (0kl)-Reflexe

h k l	Fo	F <sub>c</sub>	h k l	Fo	F <sub>c</sub>	h k l	Fo	F <sub>c</sub>	h k l	Fo	F <sub>c</sub>
002	15,1*	-13,8	027	15,0*	20,0	067	15,0*	- 1,8	600	30,5	31,6
004	100,0	100,1	028	15,0*	11,3	081	27,5	30,0	002	15,0*	-13,8
0 9 6	81,0	-80,7	0 4 1	59.8	59,4	082	91,6	92,2	004	100,0	100,2
0 0 8	35,8	30,8	042	24,9	-23,0	083	30,6	-29,0	006	81,0	-80,7
020	39,8	39,8	043	47,3	-46,6	084	15,0*	-25,2	0 0 8	35,8	30,8
040	71,8	-63,2	044	39.9	38,8	085	15,0*	20,5	202	120,0	-118,3
060	41,0	34,7	045	45,2	40,7	086	15,0*	18,6	204	115.0	111,2
080	33,1	32,9	046	47.4	51,8	0 10 1	45,8	46,6	206	15,0*	- 1,9
0 10 0	30,5	30,7	047	36,6	-32,6	0 10 2	6,0	6,6	208	74,9	77,6
0 12 0	17,6	-21, 4	048	44,7	38,1	0 10 3	15,0*	2,4	4 0 2	14,9	~11,3
021	4,2	= 1,5	061	20,2	-20,2	0 10 4	15,0*	23,8	404	54,9	65,8
022	30,7	31,7	062	15,0	16,4	0 10 5	48,2	45,3	406	56,5	-54,3
ó 2 3	120,3	118,6	063	53,8	-63,7	0 12 1	25,2	-26,1	602	40,3	-44,8
024	34,9	34.6	064	36,6	31,6	0 12 2	6,2	2,6			
025	15,0*	23,0	065	32,6	-29,8	200	36,6	45,1			
026	15,0*	17,7	066	15,0*	5,6	400	133,6	143,1			

\* Nicht beobachtet.

## Die Kristallstruktur von Na<sub>2</sub>S $\cdot$ 5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>Se $\cdot$ 5H<sub>2</sub>O, Na<sub>2</sub>Te $\cdot$ 5H<sub>2</sub>O 137

	nur für beobachtete Werte	für alle Reflexe
[001]	0,091	0,100
[100]	0,060	0,106
[010]	0,060	0,074
(hk1)	0,076	0,090
(hk2)	0,073	0,091

Tabelle 5. R-Werte für das  $Na_2S \cdot 5H_2O$ 

Tabelle 6. Parameterwerte für  $Na_2Se \cdot 5H_2O$  und  $Na_2Te \cdot 5H_2O$ 

		$Na_2Se \cdot 5H_2$	0	$Na_2Te \cdot 5H_2O$					
	x	y	z	x	y	z			
Se(Te)	0,000	0,311	0,750	0,000	0,310	0,750			
Nar	0,000	0,000	0,000	0,000	0,000	0,000			
Nan	0,500	0,045	0,750	0,500	0,050	0,750			
0,	0,000	0,080	0,250	0,000	0,060	0,250			
0 <sub>II</sub>	0,260	0,121	0,575	0,260	0,110	0,580			

## Tabelle 7a. Pulveraufnahme von $Na_2S \cdot 5H_2O$

hk I	d o	ďe	I	1 <sub>c</sub>	hkl	a°.	d c	I o	1 c	hk1	d o	d c	• 1	1 e
020	6,3	6,26	47,5	41,6	023	2,62	2,62		,112,6	311		1 <sup>2,06</sup>		, 4,0
110	-	5,77	-	1,0	202	0 50	2,59	222,6	111,6	152	2,06	2,06	94,0	72,7
021	-	5,09	-	0,1	113'	2,09	2,58		\ 8,2	024		2,045		5.5
111	4,8	4,79	32,2	38,0	042	2,54	2,54	4,2	4,1	223		1 <sup>2,03</sup> 5		,15,2
002	~	4,32	-	2,3	222	2,39	2,39	12,5	7,3	061	2,03	2,03	14,0	1,8
022	3,56	3,56	-	16,0	150	2,34	2,34	4,9	4,2	114'		2,02		10
130	3,50	3,51	182,0	53,0	151,		2,26		,25,3	242	1,998	1,998	48,6	43,6
112	3,46	3,46		123,0	240	2,25	2,25	131,0	67,2	330	1 011	,1,916	10 6	, 2,7
131	1 95	( <sup>3,25</sup> )	120.5	,126,5	133'		`2,23 <i>'</i>		28,3	312'	1,911	`1,907'	40,0	27,5
200'	7,27	`3,23'	129,9	` 13,2	241	0.18	( <sup>2,18</sup> )	56.0	,25,0	062	1 879	( <sup>1,881</sup> )	16.9	( 1,0
040	3,13	3,13	46,2	24,2	004	2,10	<b>`</b> 2,16'	<i>J</i> 0,0	26,4	331'	1,072	`1,871'	10,0	13,7
041	2,95	2,95	43,5	37,4	310	0 17	( <sup>2,13</sup> )		, 1,0	134	1,845	1,841	7,0	8,8
220	2,87	2,87	30,8	14,8	043	2,1)	<b>`</b> 2,12'	9,0	`10,0	204	1,802	1,798	42,0	41,8
221	9 73	(2,73)	113 5	,95,0	060	2,09	2,09	6,3	2,9	044	1 778	( <sup>1,781</sup> )	21 0	( 5,0
132'	-,75	`2,725'	,,)	`8,9						243	*,//0	`1,774'	,0	<b>`13,</b> 4

#### Tabelle 7b. Pulverautnahme von $Na_2Se \cdot 5H_2O$

hkl	d o	ď	1,0	1 <sub>c</sub>	hk l	d o	d <sub>c</sub>	1 <sub>0</sub>	ľ	bk1	ď,	d <sub>c</sub>	1,0	1 e
020	-	6,45	-	0,2	023	2,69	2,69	186	227,5	152		,2,11		,190,0
110	5,9	5,85	41	32,5	113	0.65	(2,67)	155	,106,9	024	2,11	2,10	200	0,1
021	5,2	5,21	55	58,2	202	2,09	`2,64	,,,,	259,2	311 '		2,10		\$ 54,2
111	4,90	4,89	522	509,5	042	-	2,61	-	5,9	061		12,08 V		27.6
002	4,45	4,45	70	95,0	222	2,45	2,45	58	56,0	223	2,085	2,08	38	0,4
022	3,66	3,66		,105,4	150	2,40	2,40	43	42,2	114 '		2,08		2.7
1 30	3,59	3,59	582	250,0	151	2,31	2,31		/ 66,0	242	2,04	2,04	44	35,0
112	3,55	3,55'		241,5	<sup>240</sup> )	2.30	(2,30	233	77,9	330	1.943	$(^{1,949})$	140	(29,0
131	3,33	3,33	298	274,0	133	-,,,-	2,29		173,2	312	- • • • • • •	`1,941'	•••	49,1
200	3,29	3,28	68	78,8	004)	2.23	(2,23)	172	64,1	062	-	1,932	-	1,3
040	3,21	3,22	58	19,2	241		2,22	•	`137,8	331	1,905	1,903	115	36,6
041	3,025	3,023	160	169,0	043	2,18	2,18	53	49,4	134	1,894	1,892	,	61,7
220	-	2,92	-	0,6	310	-	2,16	-	0,3	204	1,842	1,845	110	(110,0
132	2 78	(2,79)	268	( <sup>31</sup> ,2	060	2,14	2,14	2,9	9 8,9	044	1,829	1,831'	.15	` 10,8
221'	-,78	`2,78'	- 30	248,5						243	1,818	1,816	73	72,0

				Ta	abelle 7c. I	Pulver	aufnahn	ıe von	Na <sub>2</sub> Te ·	$5H_{2}O$				
ħkl	d o	d c	1,0	I <sub>c</sub>	hkl	d o	d c	I o	I <sub>c</sub>	hk1	d o	d c	ı,	I.c
620	6,75	6,76	70	37,2	113		2,73		, 343,0	311,		,2,15,		,171,0
110	6,04	6,02	170	122,8	202	2,72	2,72	570	221,1	114	2,15	2,15	170	6,9
021	5,43	5,43	240	241,0	042		2,72		10,0	223		2,15		12,8
111	5,03	5,04	1120	1677,0	222	2,52	2,52		,146,0	242	2,116	2,11,	30	21,0
002	4,61	4,62	320	359,5	150	2,50	2,50	260	108,1	062	2,02	2,02		, 19,0
022	3,80	3,80		, 330,0	151	2,41	2,41	160	131,5	330	2,01	2,01	280	91,8
130	3,73	3,73	1450	689,0	240	0.70	,3,38	0.70	,104,6	312	2,00	1,994		1 82,0
112	3,66	3,66 '		416,0	133'	2,38	`2,37'	230	145,0	331		,1,960		, 73,0
131	3,46	3,46	570	512,0	241	9 70	2,30 3)	760	273,5	134	1,963	1,960	240	182,0
200	3 37	(3,37)	910	(210,5	004	2, 508	2,30	500	157,2	204		,1,900	000	,222,0
040	5,77	`3,37'	210	8,6	043	2,27	2,27	110	106,0	044	1,905	`1,900 <sup>'</sup>	220	19,7
041	3,16	3,16	450	488,5	060	2,25	2,24	30	12,0	243	1,883	1,880	220	228,5
220	3,01	3,01	80	44,4	310		,2,21		, 37,1					
132	2,90	2,90	900	,235,5	152	0.00	2,20	1.0.0	364,0					
221	2,86	· 2,86'	800	471,0	061	2,20	2,18	480	96,0					
023	2,79	2,79	410	371,5	024		2,18		13,0					

den an Pulveraufnahmen beobachteten und gemessenen Intensitäten in Tab. 7b,c verglichen. In Tab. 7a sind die berechneten Intensitäten des  $Na_2S \cdot 5H_2O$  den an Pulveraufnahmen beobachteten gegenübergestellt.

## Beschreibung der Strukturen

Die Struktur enthält zwei verschieden koordinierte Na-Ionen. Die Na<sub>1</sub>-Ionen sind oktaedrisch von sechs H<sub>2</sub>O-Molekülen umgeben. Die Na<sub>1</sub>---(H<sub>2</sub>O)-Oktaeder sind in der *c*-Richtung über Ecken (H<sub>2</sub>O<sub>1</sub>) zu Ketten verbunden. Diese  $[Na_{I}(H_2O)_5]^{\pm}$ -Ketten sind durch die Na<sub>II</sub>-Ionen zu Schichten parallel (010) vernetzt (Abb. 2), so daß jedes Na<sub>II</sub>-Ion von vier H<sub>2</sub>O<sub>II</sub>-Molekülen umgeben ist, die die Basis einer quadratischen Pyramide bilden. Die Spitze dieser Pyramide wird vom S- bzw. (Se,Te)-Ion eingenommen, und damit wird die Koordination des Na<sub>II</sub>-Ions zu einer 5er-Koordination vervollständigt.

Die Na-H<sub>2</sub>O-Abstände und der Na-S(Se,Te)-Abstand sowie die Winkel innerhalb des Oktaeders und der quadratischen Pyramide werden in Tab. 8a und 8b angegeben. Für das Na<sub>2</sub>S  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O beträgt die mittlere Abweichung der Abstände 0,02 Å, die der Winkel 3°. Für das Na<sub>2</sub>Se  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O und das Na<sub>2</sub>Te  $\cdot$  5H<sub>2</sub>O beträgt die mittlere Abweichung der Abstände 0,05 Å. Die kürzeste Oktaederkante beträgt 3,27 Å, die längste 3,57 Å.

Die mittleren Na $-H_2O$ -Abstände, 2,41 Å bzw. 2,42 Å, entsprechen den in anderen Strukturen gefundenen: 2,42 Å im Borax, Na<sub>2</sub>B<sub>4</sub>O<sub>7</sub>· 10 H<sub>2</sub>O (N. MORIMOTO, 1956), 2,43 Å im Glaubersalz, Na<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>·10H<sub>2</sub>O (H. W. RUBEN, D. H. TEMPLETON, R. D. ROSENSTEIN und I. OLOVS-SON, 1961), 2,45 Å im Na<sub>2</sub>S·9H<sub>2</sub>O und 2,46 Å im Na<sub>2</sub>Se·9H<sub>2</sub>O (D. BEDLIVY und A. PREISINGER, 1965) und 2,46 Å im Schlippeschen Salz, Na<sub>3</sub>SbS<sub>4</sub>·9H<sub>2</sub>O (A. GRUND und A. PREISINGER, 1950).

### Die Kristallstruktur von $Na_2S \cdot 5H_2O$ , $Na_2Se \cdot 5H_2O$ , $Na_2Te \cdot 5H_2O$ 139

Für den Na—S-Abstand ergibt sich 2,87 Å, welcher vergleichbar ist mit dem Abstand von 2,83 Å im Na<sub>2</sub>S (E. ZINTL, A. HARDER, B. DAUTH, 1934) und 2,91 Å im Schlippeschen Salz, Na<sub>3</sub>SbS<sub>4</sub> · 9H<sub>2</sub>O (A. GRUND und A. PREISINGER, 1950). Der Na—Se- bzw. Na—Te-Abstand von 3,01 Å bzw. 3,23 Å ist ebenfalls vergleichbar mit dem Ab-



Abb. 2. Projektion der  $[Na_2(H_2O)_5S]^2$ -Schicht auf die *xz*-Ebene. Die O-Atome der H<sub>2</sub>O-Moleküle sind durch kleine, leere Kreise, die S-Ionen durch große, leere Kreise gekennzeichnet. Die Oktaeder- und Pyramidenkanten sind ausgezogen. Die Lagen der Na-Ionen sind durch Na<sub>I</sub> bzw. Na<sub>II</sub> angegeben.

stand, welcher im Na<sub>2</sub>Se (E. ZINTL, A. HARDER, B. DAUTH, 1934) mit 2,95 Å und im Na<sub>2</sub>Te (E. ZINTL, A. HARDER, B. DAUTH, 1934) mit 3,17 Å gefunden wurde.

Die  $[Na_2(H_2O)_5S]^{\frac{2}{\infty}}$ , bzw.  $[Na_2(H_2O)_5Se]^{\frac{2}{\infty}}$ , bzw.  $[Na_2(H_2O)_5Te]^{\frac{2}{\infty}}$ . Schichten werden durch Wasserstoffbrücken zusammengehalten (Abb.3). Jedes H<sub>2</sub>O-Molekül ist von vier Nachbarn nahezu tetraedrisch umgeben (Tab.8c), und zwar von zwei Na-Ionen und zwei S- bzw. (Se,Te)-Ionen.

	$Na_2S \cdot 5H_2O$	$Na_2Se \cdot 5H_2O$	$Na_2Te \cdot 5H_2O$
a) Koor	dinationsoktaed	er um Na $_{\rm I}^+$	
$2 \times$ Na <sub>I</sub> $-O_I$	$2,45_8~{\rm \AA}$	$2,4_5$ Å	$2,4_4$ Å
$4 \times \text{Na}_{I} - O_{II}$	$\underline{2,38_0 \text{ \AA}}$	$\underline{2,4_1 \text{ \AA}}$	$\underline{2,4_1 \text{ \AA}}$
Mittelwert	$2,40_6~{\rm \AA}$	$2,\!4_2~{\rm \AA}$	$2,4_2 \text{ \AA}$
$2 \times $ $O_{II}$ -Na <sub>I</sub> - $O_{II}$	90,9°	90°	93°
$2 \times $ $O_{II}$ $- Na_{I} - O_{II}$	89,1°	90°	87°
$4 \times O_{I}$ -Na <sub>I</sub> -O <sub>II</sub>	85,1°	89°	95°
$4 \times O_{I}$ -Na <sub>I</sub> -O <sub>II</sub>	94,9°	<u>91 °</u>	<u>85°</u>
Mittelwert	90,0°	90°	90°
$1 \times O_{I}$ —Na <sub>I</sub> —O <sub>I</sub>	180,0°	180°	180°
$2 \times O_{II} - Na_{I} - O_{II}$	180,0°	180°	180°
b) Ko	ordinationspolye	der um Na <sub>11</sub>	
$1 \times $ Na <sub>11</sub> -S(Se,Te)	2,87 <sub>3</sub> Å	3,0, Å	3,2, Å
$4 \times $ Na <sub>II</sub> $-O_{II}$	$2,42_1 \text{ \AA}$	$2,4_2$ Å	2,3 <sub>9</sub> Å
$4 \times O_{II}$ – Na <sub>II</sub> – S(Se, Te)	115,1°	114°	110°
$2 \times O_{II} - Na_{II} - O_{II}$	79,1°	81°	85°
$2 \times O_{II} - Na_{II} - O_{II}$	80,1 °	80°	82°
c) Koordinati	onstetraeder um	das $H_2O$ -Molekü	1
$2 \times 0_{I}$ -Na <sub>I</sub>	$2,45_8$ Å	$2,4_5$ Å	$2,4_4$ Å
$2 \times \tilde{O_I} - S(Se, Te)$	$3{,}44_6~{\rm \AA}$	3,5 <sub>7</sub> Å	3,8 <sub>0</sub> Å
$1 \times S(Se,Te) \rightarrow O_I \rightarrow S(Se,Te)$	140,0°	134°	125°
$1 \times Na_{I} - O_{I} - Na_{I}$	123,3°	130°	141°
$4 \times $ Na <sub>I</sub> -O <sub>I</sub> -S(Se,Te)	99,3°	99, <sub>5</sub> °	99°
Mittelwert	110,1°	110, <sub>3</sub> °	110, <sub>3</sub> °
$1 \times O_{II} - Na_{f}$	2,38 <sub>0</sub> Å	$2,4_1$ Å	$2,4_1$ Å
$1 \times O_{II} - Na_{II}$	$2,42_1$ Å	$2,4_2$ Å	2,3 <sub>9</sub> Å
$1 \times O_{II} - S(Se, Te)$	3,30 <sub>6</sub> Å	3,3, Å	3,5, Å
$1 \times O_{II} - S(Se, Te)$	3,26 <sub>7</sub> Å	$3,4_1 \text{ \AA}$	$3,6_1 \text{ \AA}$
$1 \times S(Se,Te) \rightarrow O_{II} \rightarrow S(Se,Te)$	117,9°	116°	119°
$1 \times $ Na <sub>I</sub> -O <sub>II</sub> -Na <sub>II</sub>	109,9°	112°	119°
$1 \times S(Se, Te) - O_{II} - Na_{II}$	109,2°	109°	107°
$1 \times S(Se,Te) - O_{II} - Na_{II}$	110,4°	110°	110, <sub>5</sub> °
$1 \times S(Se,Te) - O_{II} - Na_{I}$	102,9°	104°	104°
$1 \times S(Se Te) = 0 = Ne$	106.2°	105°	104°
$1 \times 0(00, 10) = 0_{11} = 10a_1$	100,2		

140

	Tabelle 8. (Fortsetzung)												
		$Na_2S \cdot 5H_2O$	$\boxed{\text{Na}_2\text{Se}\cdot5\text{H}_2\text{O}}$	$Na_2Te \cdot 5H_2O$									
	d) Koordination um S <sup>-</sup> , Se <sup>-</sup> und Te <sup>-</sup> ,												
$1 \times$	$S(Se,Te)$ N $a_{II}$	2,87, Å	3,0, Å	$3,2_3$ Å									
2 imes	$S(Se,Te)-O_I$	$3,44_6$ Å	3,5 <sub>7</sub> Å	3,8 <sub>0</sub> Å									
$4 \times$	S(Se,Te)-OII	$3,30_6$ Å	3,3, Å	3,5 <sub>7</sub> Å									
$4 \times$	$S(Se,Te)-O_{II}$	$3,26_7$ Å	$3,4_1 \text{ \AA}$	$3,6_1 \text{ \AA}$									
$1 \times$	O <sub>1</sub> -S(Se,Te)-O <sub>1</sub>	140,0°	134,°	125°									
2  imes	$O_{II} - S(Se, Te) - O_{II}$	61,8°	61 °	59°									
2 imes	$O_{II}$ —S(Se,Te)— $O_{II}$	56,3°	55°	$53^{\circ}$									
2  imes	$O_{II}$ —S(Se,Te)— $O_{II}$	88,3°	87°	82 °									
2 imes	$O_{II}$ -S(Se,Te)- $O_{II}$	56,2°	55°	$52^\circ$									
2 imes	$O_{II}$ -S(Se,Te)- $O_{II}$	152,0°	150°	$135^{\circ}$									
2 imes	$O_{II}$ -S(Se,Te)- $O_{II}$	116,0°	116°	$115^{\circ}$									
2 imes	$Na_{II} - S(Se, Te) - O_I$	70,0°	67 °	62, <sub>5</sub> °									
$4 \times$	$Na_{II}$ — $S(Se,Te)$ — $O_{II}$	135,8°	137°	139°									
$4 \times$	Na <sub>II</sub> -S(Se,Te)-O <sub>II</sub>	76,0°	75°	73°									
4  imes	$O_{II}$ —S(Se,Te)— $O_{I}$	136,7°	139°	141, <sub>5</sub> °									
$4 \times$	$O_{II}$ —S(Se,Te)— $O_{I}$	76,3°	80,°	85°									
4  imes	$O_{II}$ S(Se,Te) $O_{I}$	58,3°	58°	58°									
4  imes	$O_{II}$ -S(Se,Te)- $O_{I}$	111,1°	109°	105°									
4  imes	$O_{II}$ —S(Se,Te)— $O_{II}$	144,6°	144, <sub>5</sub> °	144,5°									
4  imes	O <sub>II</sub> -S(Se,Te)-O <sub>II</sub>	$109,3^{\circ}$	110°	112°									
4  imes	$O_{II}$ -S(Se,Te)- $O_{II}$	62,1 °	64°	69°									
4  imes	$O_{II}$ —S(Se,Te)— $O_{II}$	90,9°	92°	94°									

Die Kristallstruktur von  $Na_2S \cdot 5H_2O$ ,  $Na_2Se \cdot 5H_2O$ ,  $Na_2Te \cdot 5H_2O$  141

Tabelle 9

Vergleich der Summe der van-der-Waalsschen Radien mit der Länge der H-Brücken

Summe der Wirkungsradien		$r_{0}$ + $r_{0}$ 2,80 Å	$r_{ m o}-+r_{ m s}$ 3,25 Å	$r_{ m o}-+r_{ m se}3,40~{ m \AA}$	r <sub>0</sub> + r <sub>те</sub> 3,60 Å
H-Brücken	$egin{aligned} \mathrm{Na_2S} \cdot 9\mathrm{H_2O} \ \mathrm{Na_2S} \cdot 5\mathrm{H_2O} \end{aligned}$	2,79; 2,82	3,24—3,49 3,27;3,31;3,45		-
	$Na_2Se \cdot 9H_2O$	2,84; 2,86	-	3,31-3,56	
	$\frac{\text{Na}_2\text{Se} \cdot 5\text{H}_2\text{O}}{\text{Na}_2\text{Te} \cdot 5\text{H}_2\text{O}}$			-	

Das S- bzw. Se, Te-Ion ist an ein Na<sub>II</sub>-Ion gebunden und von acht  $H_2O_{II}$ -Molekülen in engem und von zwei  $H_2O_I$ -Molekülen in weiterem Abstand umgeben (Tab. 8d).

Die S-H<sub>2</sub>O- bzw. Se-H<sub>2</sub>O- bzw. Te-H<sub>2</sub>O-Abstände der 5-Hydrate und der 9-Hydrate (D. BEDLIVY und A. PREISINGER, 1965) des Na<sub>2</sub>S, Na<sub>2</sub>Se und Na<sub>2</sub>Te werden in Tab. 9 mit der Summe der van-der-Waalsschen Radien (L. PAULING, 1960) verglichen. Die S—H<sub>2</sub>O-Abstände stimmen mit den in der Literatur angegebenen Werten gut überein: 3,15 bis 3,52 Å im Schlippeschen Salz, Na<sub>3</sub>SbS<sub>4</sub> · 9H<sub>2</sub>O (A. GRUND und A. PREISINGER, 1950), 3,31 bis 3,38 Å im Natriumthiosulfat-Pentahydrat, Na<sub>2</sub>S<sub>2</sub>O<sub>3</sub> · 5H<sub>2</sub>O (P. G. TAYLOR und C. A. BEEVER, 1952),



Abb. 3. Schematische Projektion der Struktur des  $Na_2S \cdot 5H_2O$  auf die *yz*-Ebene. Die Na-Ionen sind mit vollem Kreis, die S-Ionen mit großem, leerem Kreis und die Wassermoleküle mit kleinem, leerem Kreis, wobei die Pfeilspitzen die Richtung der H-Atome angeben, gekennzeichnet. Die Na-S- und die Na-H<sub>2</sub>O-Bindungen sind mit vollem Strich ausgezogen, die Wasserstoffbrücken strichliert

3,37 Å im Bariumtetrasulfid-Monohydrat,  $BaS_4 \cdot H_2O$  (S. C. ABRA-HAMS, 1954), 3,24<sub>6</sub> bzw. 3,19<sub>5</sub> Å im Magnesiumthiosulfat-Hexahydrat,  $MgS_2O_3 \cdot 6H_2O$  (M. NARDELLI, G. FAVA und G. GIRALDI, 1962), 3,30<sub>0</sub> Å im Bariumthiosulfat-Monohydrat,  $BaS_2O_3 \cdot H_2O$  (M. NARDELLI und G. FAVA, 1962) und 3,24 bis 3,49 Å im Natriumsulfid-Nonahydrat,  $Na_2S \cdot 9H_2O$  (D. BEDLIVY und A. PREISINGER, 1965). Das Aufbauprinzip der 5-Hydrate kann durch folgende Strukturformel dargestellt werden:

$$\begin{split} & \left[ \mathrm{Na^{[6]}}\,(\mathrm{H_2O})_5\,\mathrm{Na^{[4+1]}}\,\mathrm{S^{[1+10]}} \right]_{\infty}^2 \\ & \left[ \mathrm{Na^{[6]}}\,(\mathrm{H_2O})_5\,\mathrm{Na^{[4+1]}}\,\mathrm{Se^{[1+10]}} \right]_{\infty}^2 \\ & \left[ \mathrm{Na^{[6]}}\,(\mathrm{H_2O})_5\,\mathrm{Na^{[4+1]}}\,\mathrm{Te^{[1+10]}} \right]_{\infty}^2 \end{split}$$

## Danksagung

Wir danken Herrn Prof. R. SHIONO, Pittsburgh, für die Überlassung von kristallographischen Rechenprogrammen für die IBM 650. Die Durchführung der Rechenarbeiten ermöglichte uns das mathematische Institut, Vorstand Prof. Dr. R. INZINGER, Wien, dem wir dafür herzlichst danken. Der Firma Leitz sei für das zur Verfügung gestellte Mikrophotometer Joyce herzlichst gedankt. Ferner wünscht einer der Autoren dem Österreichischen Bundesministerium für Unterricht für ein Stipendium Dank zu sagen.

#### Literatur

- S. C. ABRAHAMS (1954), The crystal structure of barium tetrasulfide monohydrate. Acta Crystallogr. 7, 423-429.
- D. BEDLIVY (1961), Zur Kristallstruktur der Hydrate des Na<sub>2</sub>S, Na<sub>2</sub>Se und Na<sub>2</sub>Te. Dissertation, Universität Wien.
- D. BEDLIVY und A. PREISINGER (1961), Zur Struktur der Hydrate des Na<sub>2</sub>S, Na<sub>2</sub>Se und Na<sub>2</sub>Te. Anz. math. naturw. Kl. Österr. Akad. Wiss. 12, 194–195.
- D. BEDLIVY und A. PREISINGER (1965), Die Struktur von  $Na_2S \cdot 9H_2O$  und  $Na_2Se \cdot 9H_2O$ . Z. Kristallogr. 121, 114–130.
- A. GRUND und A. PREISINGER (1950), Über die Kristallstruktur des Natriumthioantimonats,  $Na_3SbS_4 \cdot 9H_2O$  (Schlippesches Salz). Acta Crystallogr. 3, 363–366.
- W. C. HAMILTON (1955), On the treatment of unobserved reflexions in the least-squares adjustment of crystal structures. Acta Crystallogr. 8, 185–186.
- International tables for x-ray crystallography, Vol I—III, Birmingham, Kynoch Press, 1952, 1959, 1962.
- H. LIPSON and W. COCHRAN (1953), The determination of crystal structures. Bell, London, 288.
- N. MORIMOTO (1956), The crystal structure of borax. Min. Journ. (Sappore) 2, 1-18.
- M. NARDELLI and G. FAVA (1962), The crystal structure of Barium thiosulfate monohydrate. Acta Crystallogr. 15, 477-484.

- M. NARDELLI, G. FAVA and G. GIRALDI (1962), The crystal structure of magnesium thiosulfate hexahydrate. Acta Crystallogr. 15, 227-231.
- L. PAULING (1960), The nature of the chemical bond. Cornell Univ. Press, Ithaca.
- H. W. RUBEN, D. H. TEMPLETON, R. D. ROSENSTEIN and I. OLOVSSON (1961), Crystal structure and entropy of sodium sulfate decahydrate. J. Amer. Chem. Soc. 83. 820-824.
- R. SHIONO (1959), IBM 650 program for crystallographic computing. Technical Reports 9 and 16, Computation and Data Processing Center Univ. Pittsburgh.
- P. G. TAYLOR and C. A. BEEVER (1952), The crystal structure of sodium thiosulfate pentahydrate. Acta Crystallogr. 5, 341-344.
- A. J. C. WILSON (1950), The probability distribution of x-ray intensities. Acta Crystallogr. 2, 318-321.
- E. ZINTL, A. HARDER und B. DAUTH (1934), Gitterstruktur der Oxyde, Sulfide, Selenide und Telluride des Lithiums, Natriums und Kaliums. Z. Elektrochemie 40, 588-593.

144