# Die Kristallstruktur von Baumhauerit\*

# Von P. ENGEL und W. NOWACKI

#### Abteilung für Kristallographie und Strukturlehre, Universität Bern

(Eingegangen am 17. Juli 1968)

## Abstract

The crystal structure of baumhauerite Pb<sub>11,6</sub>As<sub>15,7</sub>Ag<sub>0,6</sub>S<sub>36</sub> is redetermined. The unit cell is triclinic with  $a = 22.80 \pm 0.01$  Å,  $b = 8.357 \pm 0.005$  Å,  $c = 7.894 \pm 0.005$  Å,  $\alpha = 90°3' \pm 2'$ ,  $\beta = 97°16' \pm 4'$ ,  $\gamma = 89°55' \pm 2'$ . The space group is P1.

Among twelve independent Pb atoms, the eight "paired" (1, 2, 6, 7, 8, 9, 11, 12) are surrounded by nine S atoms, the four "unpaired" (3, 4, 5, 10) are surrounded by seven S atoms. The As atoms are coordinated by S atoms in a trigonal pyramidal configuration. The Pb(4) is partially replaced by As. The As(5) occupies statistically two neighbouring places 5a, 5b. The As(4) is partially replaced by Ag. AsS<sub>3</sub> pyramids form chains of finite length.

#### Auszug

Die Kristallstruktur von Baumhauerit Pb<sub>11,6</sub>As<sub>15,7</sub>Ag<sub>0,6</sub>S<sub>36</sub> wurde neu bestimmt. Die Elementarzelle ist triklin mit  $a = 22,80 \pm 0,01$  Å,  $b = 8,357 \pm 0,005$  Å,  $c = 7,894 \pm 0,005$  Å,  $\alpha = 90^{\circ}3' \pm 2'$ ,  $\beta = 97^{\circ}16' \pm 4'$ ,  $\gamma = 89^{\circ}55' \pm 2'$ . Die Raumgruppe ist P1.

Von zwölf unabhängigen Pb-Atomen besitzen die acht "gepaarten" (1, 2, 6, 7, 8, 9, 11, 12) neun benachbarte S-Atome, die vier "nicht gepaarten" (3, 4, 5, 10) hingegen sieben. Die As-Atome weisen trigonal-pyramidale S-Koordination auf. Eine Bleiatomlage (4) ist zum Teil von As-Atomen besetzt. Ein As-Atom (5) besetzt zwei benachbarte Lagen (5a,b) statistisch. Ein anderes As-Atom (4) ist teilweise durch Ag ersetzt. Trigonale AsS<sub>3</sub>-Pyramiden sind zu Kettenstükken endlicher Länge vereinigt.

# Einleitung

Im Jahre 1901 entdeckte SOLLY (1902) im Lengenbach (Binnatal, Kanton Wallis) das Mineral Baumhauerit. Der Name wurde zu Ehren von Baumhauer (Professor in Freiburg) gegeben, der sich durch seine Forschungen an den Lengenbacher Mineralien ausgezeichnet hatte.

<sup>\*</sup> Mitt. Nr. 188. – Teil 43 über Sulfide und Sulfosalze.

Baumhauerit gehört zusammen mit Rathit-I, Rathit-II, Rathit-III, Dufrenoysit und Skleroklas zur gleichen Sulfosalzgruppe. Obschon die Struktur der meisten dieser Mineralien bereits untersucht worden ist, lag bis jetzt einzig von Skleroklas (NOWACKI *et al.*, 1961), Rathit-I (MARUMO und NOWACKI, 1965) und von Dufrenoysit (MARUMO und NOWACKI, 1967) eine genaue Strukturbestimmung vor. Eine Untersuchung von Baumhauerit aus dem Lengenbach von LEBIHAN (1962) weist einige unwahrscheinliche strukturelle Züge auf. So wurde auf Grund des [N(z)-z]-Testes die zentrische Raumgruppe  $P\overline{1}$  angenommen. An unserem Institut untersuchte Kristalle zeigten jedoch durchwegs einen starken piezoelektrischen Effekt. Zudem weist die Struktur unendliche Ketten von AsS<sub>3</sub>-Pyramiden längs der *b*-Achse auf. Bereits 1961 hatten IITAKA und NOWACKI gezeigt, daß solche unendliche Ketten bei As-Sulfosalzen nicht existieren können.

Eine neue Strukturuntersuchung an Baumhauerit wurde durchgeführt, um genaue strukturelle Prinzipien, wie sie für Rathit-I aufgestellt wurden, für ein weiteres Mineral dieser Sulfosalzgruppe nachzuweisen.

#### Experimentelles

Baumhauerit vom Lengenbach, Kanton Wallis, wurde untersucht. Von der Stufe L 3127, welche bereits chemisch und röntgenographisch identifiziert worden war, wurde ein Bruchstück auf Piezoelektrizität geprüft. Der Kristall zeigte einen starken Effekt, was auf das Fehlen eines Symmetriezentrums hinweist. Da nur wenig Material zur Verfügung stand, konnte eine Dichtebestimmung nicht durchgeführt werden. Der Wert von 5,3 g cm<sup>-3</sup> (Giușča, 1930) für den Lengenbacher Baumhauerit wurde übernommen. Das gleiche Bruchstück wurde weiter geteilt. An einem Teilstück wurde später eine Mikrosondenanalyse (Nr. 251) durchgeführt. Aus zwei weiteren Bruchstücken konnten zwei Kugeln mit r = 0,116 mm und r = 0,113 mm geschliffen werden. Die durch den Schleifvorgang zerstörte Oberfläche ließ sich mit konzentrierter Salpetersäure auflösen. Anschließend wurden beide Kugeln in konzentrierter Amoniaklösung gewaschen. An der zweiten Kugel wurde am Ende der Messung eine weitere Mikrosondenanalyse (Nr. 253) durchgeführt. Die Ergebnisse aller Analysen sind in Tab. 1 zusammengestellt. Die Nachweisbarkeitsgrenze unserer Mikrosonde für Silber liegt bei 1%/0. In einer Analyse (Nr. 251) konnte der Silbergehalt mit 1,4% bestimmt werden. In den anderen Analysen (Nr. 108, 252, 253) ist der Silbergehalt nicht sicher.

P. ENGEL und W. NOWACKI

| Analysen          | Pb      | Ag          | As    | 8        | Σ       |
|-------------------|---------|-------------|-------|----------|---------|
| Nr. 108– 4. 6. 66 | 48,9%/0 | $< 1^{0/0}$ | 26,5% | 23,8 %/0 | 99,2º/0 |
| 251-19. 2. 68     | 48,5    | 1,4         | 26,3  | 22,8     | 99,0    |
| 252 - 20.2.68     | 48,8    | < 1         | 26,3  | 23,1     | 98,2    |
| 253-4.3.68        | 49,3    | < 1         | 26,2  | 23,5     | 99,0    |

Tabelle 1. Chemische Zusammensetzung des Baumhauerits

Die Analysen wurden mit der Elektronenmikrosonde Typ Cameca durch-geführt.

Analysen:

Nr. 108 Stufe L 3127, röntgenographisch von C. NICCA(†) identifiziert; Analytiker G. BURRI.

251 Stufe L 3127; Analytiker: H. RUDOLF.

252 Wiederholung von Nr. 108; do.

253 Stufe L 3127; do.

Beide Kugeln wurden röntgenographisch untersucht. Zur Bestimmung der Gitterkonstanten wurden 135 Reflexe mit  $\theta > 54^{\circ}$  aus Rückstrahlaufnahmen vermessen. Die Filme wurden mittels Linien einer Pulveraufnahme von Si geeicht. Aus diesen Reflexen ergaben sich mit der Methode der kleinsten Quadrate die besten Gitterkonstanten. Die Elementarzelle ist triklin mit  $a = 22,80 \pm 0,01$  Å,  $b = 8,357 \pm 0,005$  Å,  $c = 7,894 \pm 0,005$  Å,  $\alpha = 90^{\circ}3' \pm 2'$ ,  $\beta = 97^{\circ}16' \pm 4'$ ,  $\gamma = 89^{\circ}55' \pm 2'$ . Die Raumgruppe ist P1. Mit dem Supper-Pace Autodiffraktometer wurden anschließend von beiden Kristallen mit CuK $\alpha$ -Strahlung insgesamt 12770 Reflexe vermessen. Die Intensitäten wurden für Absorption und Lorentz-Polarisation korrigiert. Gleichzeitig wurde jedem Reflex ein Gewicht zugeordnet:

$$egin{aligned} &w=rac{1}{\sigma^2(F_0)}\ &\sigma^2(F_0)=rac{\sigma^2(F_o^2)}{4F_o^2}\,;\;\sigma^2(F_0^2)=\left(rac{\partial F_o^2}{\partial P}
ight)^2\,\sigma^2(P)+\left(rac{\partial F_o^2}{\partial B}
ight)^2\,\sigma^2(B)\ &+\left(rac{\partial F_o^2}{\partial Lp^{-1}}
ight)^2\,\sigma^2(Lp^{-1})+\left(rac{\partial F_o^2}{\partial T}
ight)^2\,\sigma^2(T) \end{aligned}$$

mit P = Peak count, Lp = Lorentz-Polarisation,B = Background count, T = Transmission.

Reflexe mit  $I < 2,33 \sigma(I)$  wurden als nichtbeobachtet kodifiziert. Anschließend wurden die Intensitäten der beiden Kristalle gemittelt. Es verblieben 5590 gemeinsame Reflexe.

# Bestimmung der Substruktur

Baumhauerit besitzt eine Pseudoperiode von  $\frac{1}{2}b$ . Die Reflexe mit ungeradem k sind durchwegs schwach. Mit allen Reflexen wurde vorerst eine dreidimensionale Pattersonsynthese berechnet. Aus dieser Synthese konnten acht Bleilagen aus den markanten (Pb—Pb)-Maxima leicht bestimmt werden. Die Koordinaten dieser acht Bleilagen sind

Tabelle 2. Koordinaten der Blei-, Arsen- und Schwefelatome des Baumhauerits aus der Minimumfunktion  $M_8$ 

| Atom    | x         | y     | z     | Atom  | x     | $\boldsymbol{y}$ | z     |
|---------|-----------|-------|-------|-------|-------|------------------|-------|
| Pb(1)*  | 0,000     | 0,000 | 0,000 | S(5)  | 0,135 | 0,000            | 0,290 |
| Pb(2)*  | 0,000     | 0,500 | 0,000 | S(6)  | 0,135 | 0,500            | 0,290 |
| Pb(3)   | 0,150     | 0,000 | 0,720 | S(7)  | 0,225 | 0,250            | 0,610 |
| Pb(4)   | 0,150     | 0,500 | 0,720 | S(8)  | 0,225 | 0,750            | 0,610 |
| Pb(5)   | 0,315     | 0,250 | 0,900 | S(9)  | 0,245 | 0,000            | 0,000 |
| Pb(6)   | 0,315     | 0,750 | 0,900 | S(10) | 0,245 | 0,500            | 0,000 |
| Pb(7)*  | 0,475     | 0,250 | 0,625 | S(11) | 0,340 | 0,250            | 0,330 |
| Pb(8)*  | $0,\!475$ | 0,750 | 0,625 | S(12) | 0,340 | 0,750            | 0,330 |
| Pb(9)*  | 0,575     | 0,250 | 0,165 | S(13) | 0,360 | 0,000            | 0,700 |
| Pb(10)* | 0,575     | 0,750 | 0,165 | S(14) | 0,360 | 0,500            | 0,700 |
| Pb(11)* | 0,895     | 0,000 | 0,460 | S(15) | 0,445 | 0,250            | 0,035 |
| Pb(12)* | 0,895     | 0,500 | 0,460 | S(16) | 0,445 | 0,750            | 0,035 |
| As(1)   | 0,050     | 0,250 | 0,440 | S(17) | 0,500 | 0,000            | 0,385 |
| As(2)   | 0,050     | 0,750 | 0,440 | S(18) | 0,500 | 0,500            | 0,385 |
| As(3)   | 0,165     | 0,250 | 0,150 | S(19) | 0,535 | 0,000            | 0,880 |
| As(4)   | 0,165     | 0,750 | 0,150 | S(20) | 0,535 | 0,500            | 0,880 |
| As(5)   | 0,305     | 0,000 | 0,470 | S(21) | 0,595 | 0,250            | 0,580 |
| As(6)   | 0,305     | 0,500 | 0,470 | S(22) | 0,595 | 0,750            | 0,580 |
| As(7)   | 0,415     | 0,000 | 0,180 | S(23) | 0,665 | 0,000            | 0,285 |
| As(8)   | 0,415     | 0,500 | 0,180 | S(24) | 0,665 | 0,500            | 0,285 |
| As(9)   | 0,620     | 0,000 | 0,755 | S(25) | 0,685 | 0,250            | 0,840 |
| As(10)  | 0,620     | 0,500 | 0,755 | S(26) | 0,685 | 0,750            | 0,840 |
| As(11)  | 0,715     | 0,250 | 0,550 | S(27) | 0,775 | 0,000            | 0,815 |
| As(12)  | 0,715     | 0,750 | 0,550 | S(28) | 0,775 | 0,500            | 0,815 |
| As(13)  | 0,735     | 0,000 | 0,110 | S(29) | 0,875 | 0,000            | 0,045 |
| As(14)  | 0,735     | 0,500 | 0,110 | S(30) | 0,875 | 0,500            | 0,045 |
| As(15)  | 0,855     | 0,250 | 0,860 | S(31) | 0,805 | 0,250            | 0,315 |
| As(16)  | 0,855     | 0,750 | 0,860 | S(32) | 0,805 | 0,750            | 0,315 |
| S(1)    | 0,025     | 0,000 | 0,590 | S(33) | 0,930 | 0,250            | 0,745 |
| S(2)    | 0,025     | 0,500 | 0,590 | S(34) | 0,930 | 0,750            | 0,745 |
| S(3)    | 0,095     | 0,250 | 0,920 | S(35) | 0,970 | 0,250            | 0,250 |
| S(4)    | 0,095     | 0,750 | 0,920 | S(36) | 0,970 | 0,750            | 0,250 |

Die mit einem Stern versehenen Koordinaten wurden als Überlagerungspunkte verwendet

in Tab. 2 durch Sterne markiert. Mit diesen acht Bleilagen als Überlagerungspunkte wurde anschließend eine dreidimensionale Minimumfunktion  $M_8$  berechnet. Die Auflösung war sehr gut. Neben den bereits bestimmten Bleilagen ergaben sich vier weitere Bleilagen. 16 mittelstarke Maxima konnten den Arsenatomen zugeordnet werden. Sogar 36 Schwefellagen kamen eindeutig heraus. Alle Maxima liegen in den Ebenen mit  $y = 0, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}$ . Die gefundenen Koordinaten sind in Tab. 2 zusammengestellt. Je zwei Atome treten paarweise in y und  $y + \frac{1}{2}$  auf (sog. "gepaarte" Atome). Mit diesen Lagen wurden Strukturfaktoren berechnet. Der *R*-Wert für alle Reflexe betrug  $480/_0$ , für die Reflexe hol  $28^{\circ}/_{0}$ . Vor allem die Reflexe mit ungeradem k zeigten schlechte Übereinstimmung. Die anschließend berechnete Differenz-Fourier-Synthese ergab für die beiden Bleilagen Pb(3) und Pb(6) stark negative Werte. Diese beiden Lagen wurden daher durch Arsenatome ersetzt. Die erhaltene Struktur ist angenähert zentrisch und entspricht dem Strukturvorschlag von LEBIHAN. Dieses Strukturmodell ließ sich noch bis zu einem R-Wert von  $34^{0}/_{0}$  verfeinern. Eine gute Übereinstimmung der Reflexe mit ungeradem k konnte nicht erzielt werden. Die erhaltene Formel Pb<sub>10</sub>As<sub>18</sub>S<sub>36</sub> ergibt die prozentuale Verteilung Pb 45,3%, As 25,5%, S 25,2%. Ein Vergleich mit den Mikrosondeanalysen zeigt keine gute Übereinstimmung.

## Bestimmung der Überstruktur und Verfeinerung

Da mit dem bisherigen Modell die Verfeinerung nicht gelang, wurde versucht, die Überstruktur zu bestimmen. Es wurde nun zusätzlich eine Pattersonsummation nur mit den Überstrukturreflexen berechnet. Mit den beiden "ungepaarten" Bleilagen [Pb(4) und Pb(5) der Substruktur, Tab. 2] als Überlagerungspunkte wurde vorerst eine Minimumfunktion  $M_2$  berechnet. Nach verschiedenen Versuchen konnten anschließend zwei weitere Minimumfunktionen  $M_3$  und  $M_4$  berechnet werden. Zuletzt blieben vier strake Maxima an den vier Überlagerungspunkten von  $M_4$  übrig. Diese vier Lagen, in Tab. 3 mit Pb(3), Pb(4), Pb(5) und Pb(10) (siehe auch Fig.1) bezeichnet, wurden mit Bleiatomen besetzt. Für die Arsenatome konnten aus  $M_4$  keine eindeutigen Lagen bestimmt werden. Die bisherigen Lagen der Arsen- und Schwefelatome wurden beibehalten. Der Inhalt der Elementarzelle ist somit Pb<sub>12</sub>As<sub>16</sub>S<sub>36</sub>, wie von MARUMO (unpubl., 1966; vgl. NowACKI, 1967) vermutet worden war. Dieser neue Strukturvorschlag wurde nun mit Differenz-Fourier-Summationen verfeinert. Der R-Wert von vorerst  $430/_0$  sank in der Folge auf

| Atom   | x      | σx        | y      | $\sigma y$ | z      | σz        | Β <sub>11</sub> σ | B <sub>11</sub> | $B_{22} \sigma B$ | 322 | B <sub>33</sub> σB <sub>33</sub> | $2B_{12} \sigma 2$ | $B_{12}$       | $2B_{13} \sigma 2$ | B13            | $2B_{23} \sigma 2$ . | $B_{23}$  | Be-<br>setzung |
|--------|--------|-----------|--------|------------|--------|-----------|-------------------|-----------------|-------------------|-----|----------------------------------|--------------------|----------------|--------------------|----------------|----------------------|-----------|----------------|
| Pb(1)  | 99722  | 4         | 01 234 | 12         | 00207  | 13        | 00113             | <b>2</b>        | 00761 1           | 14  | 00894 18                         | 00004              | 6              | 00126              | 7              | 00224                | 19        |                |
| Pb(2)  | 98 837 | <b>5</b>  | 51371  | 13         | 99218  | 17        | 00114             | <b>2</b>        | 00924 1           | 15  | $01440\ \ 21$                    | -00166             | 7              | 00320              | 9              | -00821               | <b>23</b> |                |
| Pb(3)  | 14993  | 4         | 49630  | 12         | 70959  | 15        | 00090             | <b>2</b>        | 00818 1           | 14  | 01088 19                         | 00015              | 6              | 00040              | 7              | 00324                | 19        |                |
| Pb(4)  | 19567  | 8         | 72499  | <b>20</b>  | 21280  | <b>23</b> | 00130             | 3               | 008592            | 20  | 0079824                          | 00026              | 10             | 00013              | 12             | -00066               | 31        | 0,62           |
| Pb(5)  | 31 987 | 4         | 24012  | 12         | 91 001 | 17        | 00 0 8 9          | 1               | 00793 1           | 14  | $00759\ 16$                      | 00017              | <b>5</b>       | 00046              | 6              | -00220               | 17        |                |
| Pb(6)  | 46758  | <b>5</b>  | 26389  | 14         | 63551  | 17        | 00133             | <b>2</b>        | 00968 1           | 5   | $01408\ 22$                      | 00123              | $\overline{7}$ | 00244              | 9              | 00874                | <b>24</b> |                |
| Pb(7)  | 46689  | 4         | 75931  | 12         | 61771  | 13        | 00108             | <b>2</b>        | 00775 1           | 14  | $00779 \ 17$                     | 00038              | <b>6</b>       | 00085              | $\overline{7}$ | -00098               | 18        |                |
| Pb(8)  | 57264  | <b>5</b>  | 25874  | 13         | 16392  | 17        | 00131             | <b>2</b>        | 00830 1           | 15  | $01355\ 21$                      | 00 097             | 7              | -00133             | 9              | -00656               | 23        |                |
| Pb(9)  | 57147  | <b>5</b>  | 76397  | 13         | 16169  | 17        | 00119             | <b>2</b>        | 00745 1           | 4   | 0086917                          | 00056              | 6              | 00079              | $\overline{7}$ | 00258                | 18        |                |
| Pb(10) | 71343  | 4         | 28134  | 12         | 55976  | 13        | 00082             | 1               | 00797 1           | 14  | $00805\ 17$                      | 00052              | 6              | 00059              | 6              | 00165                | 17        |                |
| Pb(11) | 89142  | <b>5</b>  | 01788  | 12         | 44725  | 16        | 00124             | <b>2</b>        | 00773 1           | 15  | $01333\ 21$                      | 00 097             | 7              | 00095              | 9              | -00232               | <b>22</b> |                |
| Pb(12) | 89673  | <b>5</b>  | 52598  | 13         | 47379  | 16        | 00153             | <b>2</b>        | 00937 1           | 16  | $01220\ \ 21$                    | -00156             | 7              | 00001              | 9              | 00436                | <b>23</b> |                |
| As(1)  | 06130  | 10        | 20034  | <b>29</b>  | 45754  | 31        | 00058             | 3               | 00586 2           | 27  | $00430\ \ 31$                    | -00021             | 14             | 00 0 2 0           | 16             | -00083               | <b>42</b> |                |
| As(2)  | 04867  | 10        | 75391  | <b>28</b>  | 42989  | <b>34</b> | 00057             | 3               | 00452 2           | 25  | $00684\ \ 35$                    | 00005              | 14             | 00109              | 17             | 00 08 1              | <b>44</b> |                |
| As(3)  | 16496  | 12        | 25819  | <b>32</b>  | 16911  | 39        | 00078             | <b>4</b>        | 00654 3           | 30  | 00964 41                         | -00056             | 16             | 00209              | 21             | -00240               | 53        |                |
| As(3') | 17436  | <b>29</b> | 69306  | <b>74</b>  | 16244  | 83        | 00096             | 11              | 00806 7           | 79  | 00696 96                         | -00104             | <b>45</b>      | 00007              | 52             | 00072                | 135       | 0,4            |
| As(4a) | 15871  | <b>32</b> | 96457  | 83         | 82314  | 80        | 00126             | 12              | 00962 8           | 33  | $00179 \ 75$                     | -00275             | 50             | -00174             | <b>4</b> 8     | 00527                | 125       | $0,\!4$        |
| As(4b) | 15613  | 14        | 98658  | <b>36</b>  | 76606  | <b>43</b> | 00099             | 4               | 008963            | 35  | $01109\ 48$                      | -00135             | 19             | 00067              | <b>23</b>      | -00343               | 63        | 0,9            |
| As(5a) | 28989  | <b>23</b> | 75031  | 52         | 88082  | 61        | 00118             | 9               | 00344 4           | L7  | 0050864                          | -00026             | <b>31</b>      | 00158              | <b>38</b>      | 00309                | 17        | 0,5            |

Tabelle 3. Koordinaten und Temperaturfaktoren für die Gleichung  $T = exp - (h^2B_{11} + k^2B_{22} + l^2B_{33} + hk2B_{12} + hl2B_{13} + kl2B_{23})$ mit den Standardabweichungen der Atome von Baumhauerit

Die Werte sind mit 10<sup>5</sup> multipliziert

Tabelle 3. (Fortsetzung)

| Atom   | x     | σx        | y     | σy        | z      | σz        | B <sub>11</sub> | $\sigma B_{11}$ | $B_{22}$ | $\sigma B_{22}$ | B <sub>33</sub> a | 7 B <sub>33</sub> | $2B_{12} \sigma^2$ | $B_{12}$  | $2B_{13}$ $\sigma$ | $2 B_{13}$ | $2B_{23}$ $\sigma$ | $2B_{23}$ | Be-<br>setzung |
|--------|-------|-----------|-------|-----------|--------|-----------|-----------------|-----------------|----------|-----------------|-------------------|-------------------|--------------------|-----------|--------------------|------------|--------------------|-----------|----------------|
| As(5b) | 29995 | 32        | 71492 | 80        | 84185  | 94        | 0011            | 0 11            | 0064     | 9 72            | 00684             | 90                | 00083              | 44        | 0025               | 6 52       | 0048               | 7 127     | 0,4            |
| As(6)  | 30542 | 10        | 01312 | <b>27</b> | 47445  | 31        | 0005            | 33              | 0051     | $0\ 26$         | 00513             | 33                | 00012              | 14        | 00.08              | 6 16       | 0009               | 4 42      |                |
| As(7)  | 29058 | 12        | 43084 | 30        | 46697  | <b>34</b> | 0010            | 34              | 00 59    | 6 29            | 00522             | <b>34</b>         | 00069              | 16        | 00 00              | 6 19       | 0018               | $3 \ 47$  |                |
| As(8)  | 40611 | 10        | 94175 | <b>27</b> | 16754  | 31        | 0005            | 83              | 0049     | $0\ 26$         | 00464             | 32                | 00 031             | 14        | 0001               | 2 16       | 0011               | 4 42      |                |
| As(9)  | 41722 | 10        | 50234 | <b>27</b> | 19231  | 31        | 00.04           | 53              | 0047     | $0\ 26$         | 00541             | 33                | -00032             | 13        | 0002               | 0 16       | -0013              | 4 43      |                |
| As(10) | 61603 | 10        | 01319 | <b>27</b> | 75859  | <b>32</b> | 0004            | 93              | 0051     | $0\ 26$         | 00559             | 33                | -00029             | 14        | -0001              | 1 16       | ]-0003             | 2 44      |                |
| As(11) | 62678 | 10        | 56462 | <b>29</b> | 75108  | <b>32</b> | 0004            | 73              | 0063     | $6\ 28$         | 00506             | 32                | -00071             | 14        | 0006               | 9 16       | -0026              | 0 44      |                |
| As(12) | 74321 | 11        | 76258 | <b>29</b> | 50637  | <b>32</b> | 00.06           | 1 3             | 0056     | 9 27            | 00529             | 33                | -00094             | 14        | -0002              | 9 17       | -0008              | 0 45      | 1              |
| As(13) | 74033 | 13        | 06375 | 36        | 14174  | 39        | 0008            | 8 4             | 01 09    | 3 37            | 00772             | 40                | -00290             | 19        | 0019               | 8 21       | -0089              | 4 59      |                |
| As(14) | 72534 | 11        | 49807 | <b>29</b> | 12387  | 33        | 0005            | 33              | 0056     | 4 27            | 00590             | <b>34</b>         | 00002              | 14        | -0000              | $5 \ 16$   | 0011               | 6 45      |                |
| As(15) | 84991 | 10        | 27018 | <b>28</b> | 87 513 | 33        | 0005            | 43              | 0047     | $8\ 26$         | 00649             | 35                | -00044             | 14        | -0003              | 6 17       | 0001               | 9 45      |                |
| As(16) | 83885 | 12        | 79852 | 35        | 87979  | 35        | 0007            | 4 4             | 0107     | 0 36            | 00506             | 35                | 00163              | 18        | 0008               | 4 18       | 0046               | 1 52      |                |
| S(1)   | 02865 | <b>22</b> | 97509 | 60        | 59175  | 68        | 0005            | 97              | 0061     | 1 53            | 00621             | <b>67</b>         | -00014             | <b>30</b> | -0001              | 7 35       | 0005               | 5 95      |                |
| S(2)   | 02245 | 22        | 56137 | 60        | 59133  | 68        | 0006            | 1 7             | 0070     | 3 58            | 00589             | <b>67</b>         | 00018              | 31        | -0003              | 5 36       | 0015               | 3 98      |                |
| S(3)   | 11987 | 25        | 05341 | 65        | 30102  | 75        | 00.09           | $2 \ 8$         | 0070     | 1 61            | 00798             | 76                | 00017              | <b>34</b> | 0018               | 0 41       | -0008              | 0 104     |                |
| S(4)   | 12148 | <b>23</b> | 47452 | 65        | 27470  | 75        | 0007            | 3 8             | 0073     | 7 59            | 00878             | 77                | 00 092             | <b>33</b> | 00 09              | 2 39       | 0015               | 0 107     |                |
| S(5)   | 10880 | <b>29</b> | 23524 | 65        | 91 820 | 76        | 0015            | 7 10            | 0127     | 8 77            | 00749             | 79                | -00411             | <b>44</b> | 0004               | 1 46       | 0004               | 9 1 1 9   |                |
| S(6)   | 10840 | 25        | 76606 | 65        | 94260  | <b>78</b> | 00.09           | 19              | 0105     | 6 72            | 00646             | 73                | 00075              | <b>38</b> | -0004              | 1 40       | 0024               | 6 113     |                |
| S(7)   | 23442 | <b>23</b> | 26714 | 62        | 60294  | 72        | 0005            | 8 7             | 0072     | 258             | 00766             | 74                | 00037              | 31        | 0001               | 3 37       | -0009              | 8 102     |                |
| S(8)   | 22878 | <b>29</b> | 75214 | <b>75</b> | 62364  | 80        | 0012            | 9 10            | 00 90    | 8 70            | 00 809            | 83                | -00174             | 41        | 0007               | 0 47       | 0056               | 2 118     |                |
| S(9)   | 24210 | <b>26</b> | 97248 | 70        | 00874  | 80        | 00 09           | 09              | 0078     | 2 63            | 00900             | 83                | -00049             | 36        | -0000              | 2 42       | -0012              | 0 113     |                |

| Atom   | x ox         | $y \sigma y$ | $z \sigma z$  | $B_{11} \sigma B_{11}$ | $B_{22} \sigma B_{22}$ | B <sub>33</sub> σB <sub>33</sub> | $2B_{12} \sigma 2B_{12}$ | $2B_{13} \sigma 2B_{13}$ | $2B_{23} \sigma 2B_{23}$ |
|--------|--------------|--------------|---------------|------------------------|------------------------|----------------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 8(10)  | 24525 31     | 53125 76     | 00604 86      | 00149 11               | 00814 68               | 00908 86                         | -00131 42                | -00192 49                | 00294 118                |
| 5(11)  | $34561\ 25$  | 23122 65     | 3459973       | 00098 8                | 00704 60               | 00653 71                         | $00067 \ 34$             | 00149 40                 | 00095 100                |
| 5(12)  | 35025 25     | 80361 63     | 33524 76      | 00092 8                | 0059455                | $00752\ 73$                      | -00072 33                | 00137 40                 | -00296100                |
| 8(13)  | $37067\ 23$  | 00586 58     | $71405\ \ 65$ | 00078 7                | $00557\ 53$            | $00479 \ 63$                     | $00166 \ 30$             | -00085 35                | -00175 91                |
| S(14)  | $36052\ 26$  | $49747 \ 63$ | 68640 72      | 00109 9                | 00614 58               | 0066973                          | -00105 35                | -00008 41                | $-00075\ 101$            |
| 8(15)  | $44361 \ 22$ | $30565\ 62$  | 02747 64      | 00062 7                | 0073156                | $00457\ 63$                      | -00077 31                | 00073 34                 | 00045 93                 |
| 8(16)  | 43934 23     | 72109 61     | $02981\ 68$   | 00079 8                | 00608 56               | $00580\ 66$                      | 00004 31                 | 00053 37                 | -0010394                 |
| 8(17)  | 48623 22     | 99017 58     | 35120 63      | 00070 7                | $00567\ 53$            | 00443 62                         | -00033 30                | -00043 34                | 00084 88                 |
| 8(18)  | $49779 \ 23$ | 50618 56     | $38695\ 62$   | 00094 8                | 00458 50               | $00391\ 60$                      | 00097 30                 | -0003934                 | -00068 86                |
| 5(19)  | 5352124      | 00532 63     | 89730 76      | 00084 8                | 0060456                | 0086278                          | 00051 33                 | 00168 41                 | -00011 103               |
| (20)   | 54584 23     | 52126 61     | 8740572       | 00062 7                | 00619 56               | $00735 \ 71$                     | -00046 30                | 00123 37                 | 00167 97                 |
| 5(21)  | 58648 21     | 20691 60     | 5747764       | 00046 7                | 0069255                | 00488 62                         | -00007 30                | 00006 33                 | 00001 91                 |
| (22)   | 5938723      | 78990 61     | 58332 67      | 00074 7                | $00645\ 56$            | 00539 67                         | 00052 31                 | 00106 36                 | 00042 95                 |
| 8(23)  | $66578\ 23$  | $02063\ 60$  | 29441 68      | 00074 7                | $00625\ 55$            | 00586 68                         | 00018 31                 | 00053 36                 | 00102 96                 |
| (24)   | 65989 23     | 50208 61     | 31701 64      | 00073 7                | 0071057                | 00407 62                         | 00001 31                 | 00010 35                 | 00055 91                 |
| 8(25)  | 6854926      | 28847 60     | 96032 73      | 00123 9                | 00495 55               | $00687\ 71$                      | -0014934                 | 00166 42                 | -00191 98                |
| 8(26)  | $68119\ 22$  | 71020 59     | 95805 71      | 00063 7                | $00551\ 53$            | $00687\ 69$                      | 00008 30                 | -00025 36                | 00071 94                 |
| 8(27)  | $78756\ 24$  | 96410 60     | 68141 71      | 00103 9                | $00426\ 50$            | $00701 \ 72$                     | 00096 31                 | 00020 40                 | 00012 94                 |
| (28)   | 79002 23     | 55828 59     | 65943 73      | 00068 7                | 00541 55               | 00822 74                         | 00000 31.                | -00058 38                | -00084 99                |
| (29)   | 79464 22     | 23463 61     | $32297\ 64$   | 00055 7                | 00676 56               | 00519 65                         | -00001 30                | 00091 34                 | -00105 93                |
| \$(30) | 80247 28     | 78171 74     | 2972074       | $00126 \ 10$           | 01018 72               | 00520 70                         | -00254 42                | 00090 3                  | -00511111                |
| 8(31)  | 8748922      | 04028 59     | 0387663       | 00065 - 7              | 00546 51               | 00464 63                         | -0009928                 | -00007 34                | -00097 88                |
| (32)   | $87454\ 24$  | 46814 65     | 05413 71      | 00090 8                | 00661 57               | 00615 69                         | 00078 33                 | 00033 38                 | 00161 98                 |
| (33)   | 92923 23     | 2659560      | 72923 69      | 00085 8                | 00575 55               | 00651 69                         | -00011 32                | 00022 38                 | 00214 96                 |
| 8(34)  | 92304 23     | 76875 61     | 75643 $63$    | 00071 7                | 00659 55               | $00382\ 61$                      | -00047 31                | 00031 33                 | -00164 89                |
| 8(35)  | 9809022      | 2439058      | 27336 65      | 00069 7                | 00576 53               | 00539 65                         | 00110 30                 | 00010 34                 | -0005991                 |
| \$(36) | 96679 25     | 76363 65     | 23661 70      | 00103 9                | $00735 \ 60$           | 00482 65                         | -00003 34                | -00071 38                | -0004998                 |

Tabelle 3. (Fortsetzung)

19°/<sub>0</sub>. Im Verlaufe dieser Verfeinerung zeigte es sich, daß die Bleilage Pb(4) nur zu 62°/<sub>0</sub> besetzt ist. Die Verfeinerung der Struktur wurde anschließend mit der Methode der kleinsten Quadrate weitergeführt. Nach vier Zyklen sank der *R*-Wert auf 12,4°/<sub>0</sub>. Da die Bleiatome einen großen anomalen Streuanteil besitzen ( $\Delta f' = 4$  und  $\Delta f'' = 10-9$ ), wurde von jetzt an die anomale Streuung berücksichtigt. Der Beitrag eines Atoms *r* zum reellen und imaginären Anteil der Strukturamplitude wird

$$x_r = (f_r - \Delta f'_r) T \cos 2\pi (hx + ky + lz) - \Delta f''_r T \sin 2\pi hx + ky + lz)$$

und

$$eta_r = (f_r - arDelta f_r') \, T \sin 2 \pi \, (hx + ky + lz) + arDelta f_r'' \, T \cos 2 \pi \, (hx + ky + lz)$$
 .

T bedeutet den Temperaturkoeffizienten. Für den R-Wert ergab sich keine wesentliche Verbesserung. Der isotrope Temperaturfaktor B für die Bleiatome sank jedoch im Mittel um 0,9 Å<sup>2</sup>. Zwei weitere Zyklen mit der Methode der kleinsten Quadrate senkte den R-Wert auf  $10,60/_0$ . Zur Kontrolle wurde eine weitere Differenz-Fourier-Summation berechnet. Es zeigte sich, daß neben den Lagen Pb(4), As(4) und As(5) noch große Maxima vorhanden waren. Der Versuch, diese Atome gegen die Maxima zu verschieben, ließ den R-Wert um  $1,2^{0}/_{0}$  steigen. Wurde hingegen eine statistische Verteilung auf die beiden benachbarten Lagen angenommen, so sank der *R*-Wert auf  $9,4^{0}/_{0}$ . Mit zwei weiteren Differenz-Fourier-Summationen konnten die Besetzungszahlen bestimmt werden. Neben die Pb(4)-Lage, die zu  $62^{0}/_{0}$  besetzt ist, kommt die As(3')-Lage mit der Besetzung von 40%/o eines Arsenatomes. Die As(4)-Lage wird in eine As(4a)-Lage mit einer Besetzung  $von 40^{0}/_{0}$  und eine As(4b)-Lage mit einer Besetzung von  $90^{0}/_{0}$  aufgeteilt. Es wird angenommen, daß diese Lage durch Silber zu  $63^{0}/_{0}$  besetzt ist. Die As(5)-Lage wird in eine As(5a)-Lage mit einer Besetzung von  $50^{\circ}/_{0}$  und eine As(5b)-Lage mit einer Besetzung von  $40^{\circ}/_{0}$  aufgeteilt.

Es wurden nun noch anisotrope Temperaturfaktoren eingeführt. Der *R*-Wert senkte sich auf  $4,5^{0}/_{0}$ . Die entgültigen Koordinaten und die anisotropen Temperaturfaktoren sind in Tab. 3 zusammengestellt\*. In Tab. 4 sind die Hauptachsen der Vibrationsellipsoide angegeben. Die Strukturbestimmung ergibt für den von uns untersuchten Baumhauerit die Formel Pb<sub>11,6</sub>As<sub>15,7</sub>Ag<sub>0,6</sub>S<sub>36</sub>. Die Zusammensetzung in Gewichtsprozenten hierfür ist Pb 50,2<sup>0</sup>/<sub>0</sub>, As 24,4<sup>0</sup>/<sub>0</sub>, Ag 1,3<sup>0</sup>/<sub>0</sub>,

<sup>\*</sup> Eine  $(khl, |F_o|, |F_c|)$ -Tabelle wird wegen ihrer Länge nicht abgedruckt; sie kann Interessenten auf Wunsch zur Verfügung gestellt werden.

| Atom   | $B_{isotr.}$       | Achse    | В                | Länge  | $\cos \alpha_1$ | $\cos \alpha_2$ | $\cos \alpha_3$ |
|--------|--------------------|----------|------------------|--------|-----------------|-----------------|-----------------|
|        | 2,20Å <sup>2</sup> | 1        | $2,51{ m \AA}^2$ | 0,178Å | 0,479           | 0,512           | 0,712           |
|        |                    | <b>2</b> | 2,25             | 0,169  | 0,831           | 0,524           | 0,182           |
|        |                    | 3        | 1,82             | 0,152  | -0,280          | -0,680          | 0,677           |
| Pb(2)  | 2,75               | 1        | 1,82             | 0,152  | 0,814           | 0,578           | 0,034           |
|        |                    | <b>2</b> | 1,89             | 0,155  | -0,472          | 0,629           | 0,615           |
|        |                    | 3        | 4,53             | 0,239  | 0,334           | -0,517          | 0,787           |
| Pb(3)  | 2,28               | 1        | 1,80             | 0,151  | 0,871           | -0,332          | 0,361           |
|        |                    | <b>2</b> | 2,96             | 0,193  | -0,149          | 0,520           | 0,840           |
|        |                    | 3        | 2,07             | 0,162  | -0,467          | -0,786          | 0,404           |
| Pb(4)  | 2,36               | 1        | 2,82             | 0,189  | 0,921           | 0,302           | -0,245          |
|        |                    | 2        | 2,36             | 0,173  | -0,322          | 0,945           | -0,044          |
|        |                    | 3        | 1,90             | 0,155  | 0,218           | 0,120           | 0,968           |
| Pb(5)  | 1,97               | 1        | 1,81             | 0,151  | 0,970           | -0,242          | 0,014           |
|        |                    | <b>2</b> | 2,40             | 0,174  | 0,219           | 0,849           | -0,479          |
|        |                    | 3        | 1,69             | 0,146  | 0,103           | 0,468           | 0,877           |
| Pb(6)  | 2,92               | 1        | 2,44             | 0,175  | 0,959           | -0,147          | -0,242          |
|        |                    | <b>2</b> | 4,44             | 0,237  | 0,282           | 0,563           | 0,776           |
|        |                    | 3        | 1,87             | 0,154  | 0,022           | -0,812          | 0,582           |
| Pb(7)  | 2,09               | 1        | 2,35             | 0,172  | 0,708           | 0,697           | 0,106           |
|        |                    | <b>2</b> | 1,81             | 0,151  | -0,328          | 0,459           | 0,825           |
|        |                    | 3        | 2,10             | 0,163  | 0,624           | -0,549          | 0,554           |
| Pb(8)  | 2,85               | 1        | 1,82             | 0,151  | 0,047           | 0,853           | 0,518           |
|        |                    | 2        | 2,25             | 0,168  | -0,836          | 0,317           | -0,446          |
|        |                    | 3        | 4,48             | 0,238  | -0,545          | -0,412          | 0,729           |
| Pb(9)  | 2,21               | 1        | 2,57             | 0,180  | 0,717           | 0,545           | 0,433           |
|        |                    | 2        | 2,32             | 0,171  | -0,674          | 0,388           | 0,627           |
|        |                    | 3        | 1,74             | 0,148  | 0,174           | -0,742          | 0,646           |
| Pb(10) | 1,96               | 1        | 1,60             | 0,142  | 0,886           | -0,352          | 0,299           |
|        |                    | 2        | 2,37             | 0,173  | 0,194           | 0,871           | 0,449           |
|        |                    | 3        | 1,90             | 0,155  | -0,419          | -0,339          | 0,841           |
| Pb(11) | 2,66               | 1        | 2,72             | 0,185  | 0,835           | 0,422           | 0,350           |
|        |                    | <b>2</b> | 1,86             | 0,153  | -0,497          | 0,852           | 0,158           |
|        |                    | 3        | 3,39             | 0,207  | -0,232          | -0,307          | 0,922           |
| Pb(12) | 2,95               | 1        | 2,08             | 0,162  | 0,357           | 0,852           | -0,381          |
|        |                    | 2        | 4,05             | 0,226  | -0,676          | 0,518           | 0,522           |
|        |                    | 3        | 2,71             | 0,185  | 0,643           | 0,071           | 0,762           |

Tabelle 4. Achsenlängen und Richtungscosinus (bezogen auf die Achsen a, b, c\*)der Vibrationsellipsoide im Baumhauerit

P. ENGEL und W. NOWACKI

|        |                  |             | Tabelle 4.                          | (Fortsetzun                      | <i>ig)</i>  |   |   |
|--------|------------------|-------------|-------------------------------------|----------------------------------|---|---|---|
| Atom   | $B_{isotr.}$     | Achse       | В                                   | Länge                            | $\cos \alpha_1$   | $\cos \alpha_2$   | $\cos \alpha_3$   |
| As(1)  | $1,30{ m \AA}^2$ | 1<br>2<br>3 | 1,23 Å <sup>2</sup><br>1,66<br>1.00 | 0,124 Å<br>0,145<br>0 115        | 0,930<br>-0,123<br>0 345                                    | 0,057<br>0,978<br>0,197                                     | -0,362<br>-0,163<br>0.917                                 |
| As(2)  | 1,35             | 1<br>2<br>2 | 1,00<br>1,06<br>1,24                | 0,115<br>0,116<br>0,125<br>0,148 | 0,949<br>-0,168<br>0,266                                    | 0,113 0,971 0,208   | -0,293<br>-0,167<br>0.941                                 |
| As(3)  | 1,89             | 1<br>2<br>3 | 1,79<br>1,29<br>1,68<br>2,70        | 0,148<br>0,128<br>0,146<br>0,184 | 0,928<br>0,061<br>0,366                                     | 0,208<br>0,088<br>0,920<br>-0,380                           | -0,360<br>0,385<br>0,849                                  |
| As(3') | 1,99             | 1<br>2<br>3 | 1,59<br>2,60<br>1.79                | 0,142<br>0,181<br>0,150          | 0,570<br>-0,613<br>-0.545                                   | 0,243<br>0,760<br>-0.601                                    | 0,784<br>0,209<br>0,583                                   |
| As(4a) | 1,97             | 1<br>2<br>3 | 1,60<br>4,12<br>0,18                | 0,142<br>0,228<br>0,048          | $0,696 \\ -0,697 \\ 0,170$                                  | 0,717<br>0,670<br>0,189                                     | 0,017<br>0,254<br>0,966                                   |
| As(4b) | 2,42             | 1<br>2<br>3 | 1,65<br>2,49<br>3,12                | 0,144<br>0,177<br>0,198          | $0,754 \\ -0,618 \\ 0,216$                                  | 0,573<br>0,463<br>-0,674                                    | 0,317<br>0,633<br>0,705                                   |
| As(5a) | 1,51             | 1<br>2<br>3 | $2,48 \\ 1,47 \\ 0,59$              | 0,177<br>0,136<br>0,087          | $0,950 \\ -0,232 \\ -0,207$                                 | -0,009<br>0,642<br>-0,766                                   | 0,311<br>0,729<br>0,608                                   |
| As(5b) | 1,86             | 1<br>2<br>3 | 2,93<br>1,70<br>0,95                | 0,192<br>0,146<br>0,109          | 0,639<br>-0,664<br>-0,385                                   | $0,478 \\ 0,737 \\ -0,476$                                  | 0,600<br>0,120<br>0,790                                   |
| As(6)  | 1,24             | 1<br>2<br>3 | 0,97<br>1,51<br>1,24                | 0,111<br>0,138<br>0,125          | $\begin{array}{c c} 0,874 \\ 0,229 \\ 0,427 \end{array}$    | 0,064<br>0,817<br>-0,571                                    | -0,481<br>0,527<br>0,700                                  |
| As(7)  | 1,70             | 1<br>2<br>3 | $2,26 \\ 1,73 \\ 1,11$              | 0,169<br>0,148<br>0,118          | $\begin{array}{c c} 0,935 \\ -0,277 \\ 0,217 \end{array}$   | $0,349 \\ 0,812 \\ -0,466$                                  | -0,047<br>0,511<br>0,857                                  |
| As(8)  | 1,24             | 1<br>2<br>3 | 0,98<br>1,45<br>1.28                | $0,111 \\ 0,135 \\ 0.127$        | 0,506<br>0,244<br>-0.826                                    | -0,424<br>0,905<br>0,006                                    | $0,750 \\ 0,347 \\ 0,562$                                 |
| As(9)  | 1,20             | 1<br>2<br>3 | 0,88<br>1,22<br>1,49                | 0,105<br>0,124<br>0,137          | $ \begin{array}{c c} 0,881 \\ -0,473 \\ 0,001 \end{array} $ | $ \begin{array}{c c} 0,341 \\ 0,633 \\ -0,694 \end{array} $ | 0,327<br>0,612<br>0,719                                   |
| As(10) | 1,28             | 1<br>2<br>3 | 0,92<br>1,44<br>1,48                | 0,108<br>0,135<br>0,137          | $ \begin{array}{c} 0,867 \\ -0,070 \\ -0,492 \end{array} $  | 0,223<br>0,939<br>0,259                                     | $ \begin{array}{c} 0,444 \\ -0,335 \\ 0,830 \end{array} $ |

188

| Atom   | $B_{isotr.}$     | Achse                                    | В                     | Länge                     | $\cos \alpha_1$   | $\cos \alpha_2$   | $\cos \alpha_3$           |
|--------|------------------|--|-----------------------|---------------------------|---|---|---------------------------|
| As(11) | $1,31{ m \AA}^2$ | $\frac{1}{2}$                            | 0,87Ų<br>1,99<br>1,07 | 0,105Å<br>0,159<br>0,116  | $0,970 \\ -0,222 \\ -0,092$                             | $0,240 \\ 0,878 \\ 0,412$                                 | -0,010<br>-0,422<br>0,906 |
| As(12) | 1,40             | 1<br>2<br>3                              | 0,88<br>1,83<br>1,48  | 0,106<br>0,152<br>0,137   | 0,698<br>-0,605<br>-0,381                               | 0,429<br>0,781<br>0,453                                   | $0,572 \\ 0,152 \\ 0,805$ |
| As(13) | 2,21             | 1<br>2<br>3                              | 1,10<br>4,22<br>1,32  | 0,118<br>0,231<br>0,129   | 0,511<br>0,386<br>0,767                                 | 0,612<br>0,790<br>0,009                                   | 0,603<br>-0,475<br>0,640  |
| As(14) | 1,39             | 1<br>2<br>3                              | 1,03<br>1,70<br>1,43  | 0,114<br>0,147<br>0,134   | 0,869<br>-0,241<br>-0,430                               | -0,120<br>0,742<br>-0,658                                 | 0,478<br>0,624<br>0,616   |
| As(15) | 1,37             | 1<br>2<br>3                              | 0,95<br>1,36<br>1,80  | 0,109<br>0,131<br>0,151   | 0,837<br>-0,189<br>-0,512                               | 0,344<br>0,911<br>0,225                                   | 0,423<br>-0,365<br>0.828  |
| As(16) | 1,90             | 1<br>2<br>3                              | 1,32<br>3,35<br>1.05  | $0,129 \\ 0,206 \\ 0,115$ | 0,952<br>0,290<br>0.091                                 | -0,248<br>0,914<br>-0.319                                 | -0,176<br>0,281<br>0.943  |
| S(1)   | 1,50             | $\frac{1}{2}$                            | 1,11<br>1,78<br>1,60  | 0,118<br>0,150<br>0,142   | 0,850<br>-0,363<br>-0.379                               | $ \begin{array}{c} 0,027 \\ 0,751 \\ -0.658 \end{array} $ | 0,524<br>0,550<br>0,649   |
| S(2)   | 1,57             | $\frac{1}{2}$                            | 1,03<br>2,03<br>1.65  | 0,114<br>0,160<br>0,144   | 0,737<br>-0,096<br>-0.668                               | -0,178<br>0,926<br>-0.331                                 | 0,651<br>0,363<br>0,666   |
| S(3)   | 1,90             | 1<br>2<br>3                              | 2,28<br>1,99<br>1,44  | 0,170<br>0,158<br>0,135   | $\begin{array}{c} 0,619 \\ 0,251 \\ -0.743 \end{array}$ | -0,094<br>0,964<br>0.247                                  | 0,779<br>0,083<br>0.621   |
| S(4)   | 1,88             | $egin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \end{array}$ | 1,34<br>2,94<br>1,36  | 0,130<br>0,193<br>0,131   | 0,843<br>0,236<br>-0,481                                | -0,501<br>0,665<br>-0,552                                 | 0,189<br>0,707<br>0,680   |
| S(5)   | 2,89             | 1<br>2<br>3                              | 1,81<br>5,00<br>1,85  | 0,151<br>0,252<br>0,153   | 0,499<br>0,673<br>0,544                                 | 0,422<br>0,738<br>-0,525                                  | 0,756<br>0,032<br>0,653   |
| S(6)   | 2,17             | 1<br>2<br>3                              | 1,28<br>3.05<br>2,17  | $0,127 \\ 0,196 \\ 0,166$ | $0,504 \\ 0,168 \\ -0,846$                              | $ \begin{array}{c} -0,235 \\ 0,970 \\ 0,052 \end{array} $ | 0,830<br>0,172<br>0,529   |
| S(7)   | 1,17             | 1<br>2<br>3                              | 1,16<br>1,81<br>2,16  | 0,121<br>0,151<br>0,165   | $0,961 \\ -0,106 \\ -0,253$                             | -0,146<br>0,582<br>-0,799                                 | 0,232<br>0,805<br>0,544   |

Tabelle 4. (Fortsetzung)

P. ENGEL und W. NOWACKI

| Atom  | $B_{isotr.}$     | Achse                                    | B                      | Länge                     | $\cos \alpha_1$   | $\cos \alpha_2$  | $\cos \alpha_3$   |
|-------|------------------|--|------------------------|---------------------------|---|--|---|
| S(8)  | $2,33{ m \AA}^2$ | 1<br>2<br>3                              | 2,33 Ų<br>3,53<br>1,31 | 0,172 Å<br>0,211<br>0,129 | $0,704 \\ -0,616 \\ -0,351$                             | $ \begin{array}{r} 0,306 \\ 0,711 \\ -0,632 \end{array} $              | 0,639<br>0,337<br>0,690                                   |
| S(9)  | 2,10             | 1<br>2<br>3                              | $1,64 \\ 2,26 \\ 2,40$ | 0,144<br>0,169<br>0,174   | $0,767 \\ -0,489 \\ -0,413$                             | 0,387<br>0,868<br>-0,308   | 0,510<br>0,076<br>0,856                                   |
| S(10) | 2,60             | 1<br>2<br>3                              | 4,12<br>2,04<br>1,65   | $0,228 \\ 0,160 \\ 0,144$ | 0,807<br>0,356<br>0,469                                 | -0,338<br>0,932<br>-0,125  | -0,482<br>-0,057<br>0,873                                 |
| S(11) | 1,83             | $egin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \end{array}$ | 2,33<br>1,76<br>1,39   | 0,172<br>0,149<br>0,133   | $0,691 \\ -0,480 \\ -0,539$                             | $\begin{array}{c} 0,593 \\ 0,803 \\ 0,045 \end{array}$                 | $0,411 \\ -0,352 \\ 0,840$                                |
| S(12) | 1,77             | 1<br>2<br>3                              | 1,35<br>1,60<br>2,36   | $0,130 \\ 0,142 \\ 0,173$ | 0,055 - 0,846 - 0,528                                   | $0,798 \\ -0,280 \\ -0,532$  | 0,599<br>0,451<br>0,660                                   |
| S(13) | 1,48             | 1<br>2<br>3                              | 2,49<br>1,10<br>0,85   | 0,177<br>0,118<br>0,104   | $0,719 \\ -0,235 \\ 0,653$                              | $0,598 \\ 0,687 \\ -0,411$   | -0,352<br>0,687<br>0,635                                  |
| S(14) | 1,89             | 1<br>2<br>3                              | 2,54<br>1,37<br>1,76   | 0,179<br>0,131<br>0,149   | $0,896 \\ 0,426 \\ -0,117$                              | -0,397<br>0,660<br>-0,637  | -0,193<br>0,618<br>0,761                                  |
| S(15) | 1,47             | 1<br>2<br>3                              | 1,26<br>2,14<br>1,00   | 0,126<br>0,164<br>0,112   | $0,707 \\ -0,319 \\ -0,630$                             | 0,226<br>0,947<br>-0,225   | $0,669 \\ 0,017 \\ 0,742$                                 |
| S(16) | 1,58             | 1<br>2<br>3                              | 1,62<br>1,76<br>1,36   | 0,143<br>0,149<br>0,131   | $\begin{array}{c} 0,969 \\ 0,230 \\ -0,080 \end{array}$ | -0,183<br>0,905<br>0,383   | $0,161 \\ -0,357 \\ 0,919$                                |
| S(17) | 1,40             | 1<br>2<br>3                              | 1,45<br>1,81<br>0,94   | $0,135 \\ 0,151 \\ 0,109$ | $0,571 \\ -0,697 \\ 0,431$                              | 0,790<br>0,609<br>0,061  | -0,220<br>0,376<br>0,899                                  |
| S(18) | 1,41             | 1<br>2<br>3                              | 2,24<br>1,11<br>0,89   | 0,168<br>0,118<br>0,106   | $\begin{array}{c} 0,899 \\ -0,371 \\ 0,230 \end{array}$ | 0,382<br>0,924<br>0,000  | -0,212<br>0,088<br>0,973                                  |
| S(19) | 1,81             | 1<br>2<br>3                              | 2,29<br>1,36<br>1,78   | $0,170 \\ 0,131 \\ 0,150$ | $0,480 \\ -0,787 \\ -0,385$                             | $0,135 \\ 0,501 \\ -0,854$   | $0,866 \\ 0,358 \\ 0,348$                                 |
| S(20) | 1,58             | 1<br>2<br>3                              | $1,13 \\ 1,54 \\ 2,06$ | 0,119<br>0,139<br>0,161   | 0,956<br>0,049<br>0,287                                 | $ \begin{array}{ c c c c c } 0,142 \\ 0,780 \\ -0,608 \\ \end{array} $ | $\begin{array}{c c} -0,254 \\ 0,624 \\ 0,739 \end{array}$ |

Tabelle 4. (Fortsetzung)

| Atom       | B <sub>isotr</sub> . | Achse    | B                 | Länge   | $\cos \alpha_1$ | $\cos \alpha_2$ | $\cos \alpha_3$ |
|------------|----------------------|----------|-------------------|---------|-----------------|-----------------|-----------------|
| S(21)      | $1,37{ m \AA}^2$     | 1        | $0,92 { m \AA}^2$ | 0,108 Å | 0,904           | 0,023           | 0,426           |
| <i>、 ,</i> |                      | 2        | 1,93              | 0,156   | -0.028          | 0,999           | 0.007           |
|            |                      | 3        | 1,26              | 0,126   | -0,425          | -0,018          | 0,904           |
| S(22)      | 1,53                 | 1        | 1,50              | 0,138   | 0,628           | -0,515          | 0,582           |
|            |                      | 2        | 1,92              | 0,156   | 0,471           | 0,848           | 0,242           |
|            |                      | 3        | 1,16              | 0,121   | -0,618          | 0,122           | 0,775           |
| S(23)      | 1,57                 | 1        | 1,52              | 0,138   | 0,977           | -0,154          | -0,144          |
|            |                      | 2        | 1,80              | 0,151   | 0,195           | 0,921           | 0,336           |
|            |                      | 3        | 1,38              | 0,132   | 0,081           | -0,357          | 0,930           |
| S(24)      | 1,50                 | 1        | 1,55              | 0,140   | 0,987           | 0,028           | -0,157          |
|            |                      | 2        | 1,99              | 0,158   | -0,016          | 0,997           | 0,073           |
|            |                      | 3        | 0,97              | 0,111   | 0,158           | -0,070          | 0,984           |
| S(25)      | 1,83                 | 1        | 2,84              | 0,189   | 0,853           | -0,375          | 0,361           |
|            |                      | 2        | 1,14              | 0,120   | 0,320           | 0,924           | 0,204           |
|            |                      | 3        | 1,53              | 0,139   | 0,410           | -0,058          | 0,909           |
| S(26)      | 1,53                 | 1        | 1,17              | 0,122   | 0,827           | -0,188          | 0,528           |
|            |                      | 2        | 1,53              | 0,139   | 0,259           | 0,963           | -0,063          |
|            |                      | 3        | 1,88              | 0,154   | -0,497          | 0,190           | 0,846           |
| S(27)      | 1,69                 | 1        | 2,32              | 0,171   | 0,928           | 0,300           | -0,217          |
|            |                      | <b>2</b> | 1,06              | 0,115   | -0,326          | 0,940           | -0,094          |
|            |                      | 3        | 1,69              | 0,146   | 0,176           | 0,158           | 0,971           |
| S(28)      | 1,68                 | 1        | 1,22              | 0,124   | 0,840           | 0,161           | 0,516           |
|            |                      | 2        | 1,50              | 0,138   | -0,205          | 0,978           | 0,028           |
|            |                      | 3        | 2,30              | 0,170   | -0,500          | -0,129          | 0,855           |
| S(29)      | 1,41                 | 1        | 1,34              | 0,130   | 0,540           | 0,197           | 0,818           |
|            |                      | 2        | 1,92              | 0,155   | -0,028          | 0,975           | -0,216          |
|            |                      | 3        | 0,99              | 0,112   | -0,841          | 0,093           | 0,532           |
| S(30)      | 2,23                 | 1        | 1,92              | 0,156   | 0,788           | 0,515           | -0,335          |
|            |                      | 2        | 3,75              | 0,218   | -0,600          | 0,761           | -0,244          |
|            |                      | 3        | 1,00              | 0,113   | 0,128           | 0,394           | 0,909           |
| S(31)      | 1,34                 | 1        | 0,89              | 0,106   | 0,585           | 0,468           | 0,661           |
|            |                      | 2        | 1,81              | 0,151   | -0,634          | 0,772           | 0,014           |
|            |                      | 3        | 1,32              | 0,129   | -0,504          | -0,428          | 0,749           |
| S(32)      | 1,74                 | 1        | 2,15              | 0,165   | 0,679           | 0,716           | 0,157           |
|            |                      | 2        | 1,74              | 0,148   | -0,638          | 0,472           | 0,607           |
|            |                      | 3        | 1,33              | 0,130   | 0,360           | -0,513          | 0,778           |
| S(33)      | 1,66                 | 1        | 1,67              | 0,145   | 0,818           | 0,459           | 0,345           |
|            | 1                    | 2        | 1,32              | 0,129   | -0,079          | 0,685           | -0,724          |
|            |                      | 3        | 1,98              | 0,158   | -0,569          | 0,564           | 0,596           |

Tabelle 4. (Fortsetzung)

| Atom  | B <sub>isotr.</sub> | Achse         | В                        | Länge           | $\cos \alpha_1$  | $\cos \alpha_2$ | cos a <sub>3</sub> |
|-------|---------------------|---------------|--------------------------|-----------------|------------------|-----------------|--------------------|
| S(34) | 1,14Å <sup>2</sup>  | $\frac{1}{2}$ | $1,42{ m \AA}^2$<br>1.93 | 0,134Å<br>0.156 | 0,951<br>-0,229  | 0,275<br>0.933  | -0,138<br>-0.199   |
|       |                     | 3             | 0,88                     | 0,105           | 0,073            | 0,231           | 0,970              |
| S(35) | 1,46                | 1             | 2,00                     | 0,159           | 0,636            | 0,742           | -0,206             |
|       |                     | $\frac{2}{3}$ | 1,08                     | 0,117<br>0.128  | -0,769<br>-0.037 | 0,599           | -0,217<br>0.953    |
| 8(96) | 1 09                | 1             | 9.97                     | 0,179           | 0.049            | 0,251           | 0,955              |
| 5(50) | 1,64                | $\frac{1}{2}$ | 2,37<br>2,05             | 0,173<br>0,161  | -0,942<br>-0,077 | 0,059           | -0,529<br>-0,039   |
|       |                     | 3             | 1,03                     | 0,114           | 0,325            | 0,062           | 0,943              |

Tabelle 4. (Fortsetzung)

S 24,9%. Ein Vergleich dieser Werte mit den Ergebnissen der Analyse in Tab. 1 zeigt, daß der Bleigehalt  $1\%/0}$  zu groß und der Arsengehalt 2%/0 zu klein ist.

Sämtliche Berechnungen wurden entweder auf der IBM 1620- oder auf der Bull Gamma 30S-Rechenmaschine (nach eigens dazu entwickelten Programmen) der Universität Bern ausgeführt.

# Beschreibung der Struktur

Die Struktur des Baumhauerits besteht aus zwei verschieden dicken Schichten parallel (100) mit bleiglanzähnlicher Struktur. Zwischen diesen Schichten liegt je eine Grenzzone der Zusammensetzung PbS<sub>4</sub> (Fig.1). Alle in der Einleitung erwähnten Mineralien derselben Sulfosalzgruppe wie Baumhauerit besitzen prinzipiell den gleichen Aufbau. Die bleiglanzähnlichen Schichten unterscheiden sich bei den verschiedenen Strukturen durch ihre Ausdehnung und durch die Anzahl der Bleiatome. Bei den bleireichen Arten sind bestimmte Arsenlagen durch Blei ersetzt. Wesentlich ist ebenfalls



Fig. 1. Baumhaueritstruktur, PbS<sub>4</sub>-Grenzschicht

Die Kristallstruktur von Baumhauerit



Fig. 2. Baumhaueritstruktur, Projektion //b



Fig. 3. Baumhaueritstruktur, Projektion //c

die Art der Abfolge dieser Schichten. Die Struktur des Baumhauerits kann als eine Kombination der Strukturen von Rathit-I, Dufrenoysit und Skleroklas beschrieben werden.

Die dickere Schicht in Baumhauerit in Fig.2, links durch die Bleiatome 1, 2, 11, 12 und rechts durch Bleiatome 6, 7, 8, 9 begrenzt, besitzt den gleichen Aufbau wie die entsprechende Schicht in Rathit-I und Dufrenoysit. Ihre Dicke beträgt 13,10 Å (Dufrenoysit:

Z. Kristallogr. Bd. 129, 1-4

## P. ENGEL und W. NOWACKI

 $\frac{1}{2}b = 12,87$  Å). Die Zelle, gebildet von den Atomen Pb(1) und Pb(9') [9' ist das um *b* nach unten verschobene, mit 9 identische Atom] mit *a'* = 13,16, *b* = 8,357, *c* = 7,894 Å,  $\alpha = 90^{\circ}3'$ ,  $\beta = 91^{\circ}40'$  und  $\gamma = 99^{\circ}0'$  entspricht der halben Zelle von Rathit-I ( $\frac{1}{2}a = 12,58$ , *b* = 7,94, *c* = 8,47 Å;  $\beta = 100^{\circ}28'$ ). Die Pb(4)-Lage ist nur zu  $62^{0}/_{0}$ besetzt. Die entsprechende Lage ist im Dufrenoysit ganz durch Blei belegt, während sie in Rathit-I vollständig von Arsen besetzt ist, das jedoch eine ungewöhnliche Koordination aufweist [Rathit-I: As(3)]. Die Arsen-bzw. Silberlagen 4*a* und 4*b* sind in Dufrenoysit durch eine Bleilage ersetzt, in Rathit-I ist die gleiche Aufspaltung vorhanden [Rathit-I: As(5a), As(5b)]. In Baumhauerit sind in dieser Schicht 2,6, in Dufrenoysit vier und in Rathit-I zwei Bleiatome pro Zelle vor-



Siebener-Koordination des Bleiatoms Neuner-Koordination des Bleiatoms

handen. Es muß angenommen werden, daß die Struktur dieser Schicht in Baumhauerit der mittleren Struktur aus einer Kombination von Dufrenoysit und Rathit-I entspricht. Für diese Annahme spricht auch die zum Teil starke thermische Anisotropie der Arsen- und Schwefellagen. Da keine entsprechenden Überstrukturreflexe beobachtet wurden, ist eine periodische Anordnung auszuschließen. Ob die einzelnen Schichten im Kristall für sich strukturell homogen sind, ist nicht entschieden.

Die zweite, dünnere Schicht mit einer Dicke von 9,52 Å ist von gleichem Aufbau wie im Skleroklas (Skleroklas:  $\frac{1}{2}a = 9,81$  Å). Die Bleilage Pb(10) ist im Skleroklas durch Arsen belegt.

Die Bleiatome in den Grenzzonen der Zusammensetzung  $PbS_4$ besitzen eine Neuner-Koordination durch Schwefelatome (Fig. 4b). Solche Koordinationspolyeder sind zu prismatischen Säulen parallel b zusammengefügt. Die  $PbS_4$ -Schicht besteht aus  $PbS_6$ -Säulen, die sich jeweils längs einer Kante berühren (Fig. 1). Von den drei Schwefelatomen, die in einer Ebene senkrecht zu den Prismenflächen liegen,



Fig. 5. Baumhaueritstruktur; trigonale  $AsS_3$ -Pyramiden sind durch gemeinsame Ecken zu einer Gruppe endlicher Größe vereinigt

Fig. 6. Baumhaueritstruktur,  $As_5S_{11}$ -Kettenstück



Fig. 7. Baumhaueritstruktur,  $As_4S_9$ -Kettenstück



gehören zwei ebenfalls zu zwei benachbarten Säulen, während das dritte frei ist.

In den Beschreibungen der Strukturen von Rathit-I (MARUMO und NOWACKI, 1965) und von Dufrenoysit (MARUMO und NOWACKI, 1967)

13\*

sowie in der Übersicht (NOWACKI, 1967) wird der Grenzzone die Zusammensetzung PbS<sub>3</sub> und nicht PbS<sub>4</sub> zugeschrieben. Es rührt dies daher, daß dort das eine "freie" S-Atom nicht zur Grenzschicht, sondern zur bleiglanzähnlichen Zwischenschicht gezählt wurde. Bis zu einem gewissen Grade ist die Abgrenzung der beiden Schichten gegeneinander und die Zuteilung der Grenzatome zu einer von ihnen eine Ermessensfrage.

Die Zwischenschichten bestehen aus Bleiglanzlamellen mit einer Breite von a(PbS), die schräg zur Schicht angeordnet sind. Die Ebene (223) von Bleiglanz liegt parallel der Schichtebene. Die einzelnen Lamellen sind gegeneinander in der Richtung [011] von PbS um a(PbS)/2 $\sqrt{2}$  verschoben. Daraus ergibt sich für die Metallagen eine Siebener-Koordination durch die Schwefelatome (Fig. 4a). Die Arsen-



Fig. 9. Baumhaueritstruktur, deformiert oktaedrische Koordination des Silberatoms

atome sind aus diesen Lagen herausgerückt und besitzen eine trigonalpyramidale Koordination von drei Schwefelatomen. Diese AsS<sub>3</sub>-Pyramiden sind stufenartig zu Kettenstücken endlicher Länge verbunden, indem sie jeweils ein gemeinsames Schwefelatom besitzen (Fig. 5, 6, 7 und 8). Die Pb(4)-Lage und die Lagen As(4a) und As(5a) schließen sich gegenseitig aus, da die Abstände Pb(4)—As(4a) und Pb(4)—As(5a) zu klein sind. As(4a) und As(5a) besitzen denn auch eine komplementäre Besetzungszahl zu Pb(4). As(3'), As(4a) und As(5a) verbinden jeweils zwei As<sub>3</sub>S<sub>7</sub>-Kettenstücke zu größeren Gruppen zusammen (Fig. 5). Die Größe hängt von der Besetzung dieser drei Lagen ab. Die Koordination des Silberatoms ist in Fig. 9 dargestellt. In Tab. 5 sind Abstände und Bindungswinkel vereinigt.

Wir danken Herrn Dr. F. MARUMO (jetzt Tokio) für anregende Diskussionen über die Struktur der Bleiarsensulfosalze, dem allzufrüh abberufenen CH. NICCA für eine erste Identifikation der Baumhauerit-

| $\begin{array}{c} {\rm Pb}(1){\rm - S}(31) \\ {\rm S}(36) \\ {\rm S}(35) \\ {\rm S}(34) \\ {\rm S}(33) \\ {\rm S}(5) \\ {\rm S}(6) \\ {\rm S}(1) \\ {\rm S}(3) \end{array}$                   | 2,85Å<br>2,93<br>2,94<br>3,15<br>3,27<br>3,29<br>3,34<br>3,42<br>3,44  | $\begin{array}{c} {\rm Pb}(2){\rm -\!S}(32)\\ {\rm S}(36)\\ {\rm S}(34)\\ {\rm S}(33)\\ {\rm S}(35)\\ {\rm S}(2)\\ {\rm S}(6)\\ {\rm S}(4)\\ {\rm S}(5) \end{array}$               | 2,73 Å<br>2,93<br>3,09<br>3,12<br>3,18<br>3,38<br>3,52<br>3,55<br>3,70 | Pb(3)—S(7)<br>S(8)<br>S(5)<br>S(2)<br>S(10)<br>S(6)<br>S(4)  | 2,91 Å<br>2,93<br>2,96<br>2,99<br>3,00<br>3,13<br>3,42                        |
|---|--|--|--|--|---|
| $\begin{array}{c} {\rm Pb}(4){\rm -S}(10) \\ {\rm S}(6) \\ {\rm S}(4) \\ {\rm S}(9) \\ {\rm S}(8) \\ {\rm S}(3) \\ {\rm S}(12) \\ {\rm As}(5a) \\ {\rm As}(4a) \end{array}$                   | 2,65Å<br>2,75<br>2,78<br>2,90<br>3,24<br>3,36<br>3,59<br>3,60<br>3,68  | $\begin{array}{c} {\rm Pb}(5){\rm -\!\!-\!S}(13) \\ {\rm S}(15) \\ {\rm S}(7) \\ {\rm S}(14) \\ {\rm S}(9) \\ {\rm S}(10) \\ {\rm S}(11) \end{array}$                              | 2,83 Å<br>2,91<br>2,92<br>3,00<br>3,02<br>3,11<br>3,42                 | $\begin{array}{c} {\rm Pb(6)}{\rm \!-\!\!S(21)} \\ {\rm S(18)} \\ {\rm S(14)} \\ {\rm S(13)} \\ {\rm S(15)} \\ {\rm S(20)} \\ {\rm S(20)} \\ {\rm S(17)} \\ {\rm S(11)} \end{array}$ | 2,85Å<br>2,96<br>3,19<br>3,21<br>3,23<br>3,24<br>3,24<br>3,24<br>3,27<br>3,38 |
| $\begin{array}{c} {\rm Pb(7)}{\rm -S(17)} \\ {\rm S(18)} \\ {\rm S(22)} \\ {\rm S(13)} \\ {\rm S(20)} \\ {\rm S(20)} \\ {\rm S(19)} \\ {\rm S(12)} \\ {\rm S(14)} \\ {\rm S(16)} \end{array}$ | 2,93 Å<br>2,93<br>2,95<br>3,17<br>3,22<br>3,26<br>3,27<br>3,36<br>3,41 | $\begin{array}{c} {\rm Pb(8)S(24)}\\ {\rm S(23)}\\ {\rm S(15)}\\ {\rm S(19)}\\ {\rm S(20)}\\ {\rm S(25)}\\ {\rm S(21)}\\ {\rm S(18)}\\ {\rm S(17)} \end{array}$                    | 2,99Å<br>3,00<br>3,03<br>3,03<br>3,17<br>3,21<br>3,25<br>3,32<br>3,44  | $\begin{array}{c} {\rm Pb(9)}{\rm -S(19)}\\ {\rm S(20)}\\ {\rm S(16)}\\ {\rm S(24)}\\ {\rm S(23)}\\ {\rm S(26)}\\ {\rm S(17)}\\ {\rm S(22)}\\ {\rm S(18)}\end{array}$                | 2,94 Å<br>3,05<br>3,08<br>3,12<br>3,12<br>3,17<br>3,21<br>3,31<br>3,38        |
| $\begin{array}{c} {\rm Pb(10)}{\rm -S(29)} \\ {\rm S(24)} \\ {\rm S(28)} \\ {\rm S(21)} \\ {\rm S(23)} \\ {\rm S(27)} \\ {\rm S(25)} \end{array}$   | 2,82Å<br>2,82<br>2,95<br>2,98<br>3,12<br>3,22<br>3,30                  | $\begin{array}{c} {\rm Pb(11)}{\rm \!-\!S(29)} \\ {\rm S(30)} \\ {\rm S(33)} \\ {\rm S(31)} \\ {\rm S(1)} \\ {\rm S(27)} \\ {\rm S(35)} \\ {\rm S(34)} \\ {\rm S(36)} \end{array}$ | 2,92 Å<br>2,97<br>3,08<br>3,20<br>3,21<br>3,21<br>3,21<br>3,22<br>3,31 | $\begin{array}{c} {\rm Pb(12)}{\rm -S(2)} \\ {\rm S(33)} \\ {\rm S(28)} \\ {\rm S(34)} \\ {\rm S(30)} \\ {\rm S(36)} \\ {\rm S(32)} \\ {\rm S(29)} \\ {\rm S(35)} \end{array}$       | 2,91 Å<br>3,00<br>3,01<br>3,02<br>3,22<br>3,28<br>3,32<br>3,47<br>3,53        |
| $egin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$  | 2,22Å<br>2,29<br>2,33  | $egin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$   | 2,18Å<br>2,26<br>2,32  | $egin{array}{c} { m As(3)-S(5)}\ { m S(4)}\ { m S(3)} \end{array}$   | 2,23 Å<br>2,27<br>2,31  |

Tabelle 5. Interatomare Abstände und Bindungswinkel in Baumhauerit

P. ENGEL und W. NOWACKI

| As(3')-S(6)                        | 2,23Å           | As(4a) - S(9)      | 2,25Å                | As(4b) - S(9)              | ) 2,56Å       |
|------------------------------------|-----------------|--------------------|----------------------|----------------------------|---------------|
| S(4)                               | 2,42            | S(6)               | 2.29                 | S(6                        | ) 2,63        |
| $\mathbf{S}(10)$                   | 2,54            | $\mathbf{S}(5)$    | 2,68                 | $\mathbf{S}(5)$            | ) 2,69        |
| · · ·                              |                 |                    |                      | S(8                        | ) 2,88        |
|                                    |                 |                    |                      | S(1                        | ) 3,06        |
|                                    |                 |                    |                      | S(7                        | ) 3,31        |
| $A_{S}(5a) = S(8)$                 | 2 31 Å          | $A_{s}(5b) - S(8)$ | 2 23 Å               | $A_{S}(6) - S(1)$          | 3) 2.25Å      |
| S(10)                              | 2,0111          | S(10) = S(10)      | 2,2011               | S(1)                       | 1) 2.33       |
| S(10)                              | 2.43            | S(14)              | 2,10                 | S(1<br>S(1                 | 2,36          |
|                                    | 2,10            | (11)               | 2,01                 | ~(1                        | 2) 2,00       |
| As(7)— $S(7)$                      | $2,24{ m \AA}$  | As(8) - S(17)      | $2,22{ m \AA}$       | As(9)-S(1                  | 5) 2,22Å      |
| S(14)                              | 2,27            | S(12)              | 2,27                 | S(1                        | 8) 2,24       |
| S(11)                              | 2,36            | S(16)              | 2,31                 | S(1                        | 6) 2,33       |
| $A_{s(10)} - S(21)$                | 2.22 Å          | As(11) - S(2)      | 2.22 Å               | As(12) - S(3)              | 0) 2.27Å      |
| S(19)                              | 2.26            | S(26)              | 2.28                 | S(2                        | 8) 2.28       |
| S(22)                              | 2,34            | S(22)              | 2,37                 | S(2                        | 7) 2,33       |
| - (- )                             | _,              |                    |                      | ,                          |               |
| As(13)-S(23)                       | $2,23{ m \AA}$  | As(14) - S(24)     | $2,26{ m \AA}$       | As(15)-S(3)                | 2) 2,20Å      |
| S(29)                              | 2,27            | S(25)              | 2,29                 | S(3                        | 3) 2,26       |
| S(25)                              | 2,58            | S(26)              | 2,35                 | S(3                        | 1) 2,34       |
| As(16)-S(34)                       | $2,27{ m \AA}$  |                    |                      |                            |               |
| S(27)                              | 2,29            |                    |                      |                            |               |
| S(31)                              | 2,46            |                    |                      |                            |               |
| S(31) - Pb(1) - S(36)              |                 | 71.3°              | S(32)Pl              | b(2) = S(36)               | 74.9°         |
| 0(01) 10(1)                        | S(35)           | 70.0               | ~(-) _,              | S(34)                      | 78.9          |
|                                    | S(34)           | 70,0               |                      | $\mathbf{S}(33)$           | 71,5          |
|                                    | S(33)           | 68,0               |                      | S(35)                      | 68,8          |
|                                    | S(5)            | 140,0              |                      | S(2)                       | 121,4         |
|                                    | S(6)            | 146,5              |                      | S(6)                       | 151,1         |
|                                    | S(1)            | 115,4              |                      | S(4)                       | 129,2         |
|                                    | S(3)            | 130,0              |                      | S(5)                       | 132,9         |
| S(36) - Pb(1) - S(35)              |                 | 86,8               | S(36)-P              | b(2) - S(34)               | 78,3          |
| S(36)-Pb(1)-S(3)                   |                 | 82,8               | S(36)Pl              | b(2) - S(5)                | 137,9         |
| S(35) - Pb(1) - S(34)              |                 | 139,9              | S(34)-P              | b(2)S(33)                  | 85,5          |
| S(34) - Pb(1) - S(34) - Db(1)      | -S(33)          | 80,8               | S(33) - P            | b(2) - S(35)               | 86,3          |
| S(33) - PD(1) - S(5) - Db(1)       | -D(D)<br>S(C)   | 79,3               | S(35)P               | $D(Z) \rightarrow D(Z)$    | 140,9<br>69-9 |
| S(0) = PD(1) - S(0) = Db(1)        | າລ(0)<br>ຊ(1)   | 62.9               | S(2) - P<br>S(6) - D | b(2) - b(0)<br>b(2) - S(4) | 00,0<br>60 6  |
| S(0) - F D(1) - S(1) - S(1) - D(1) | ען טרי<br>19(1) | 00,0<br>114.9      | S(4) = D             | b(2)S(5)                   | 56 5          |
| o(1) - ru(1)-                      | ·o(ə)           | 114,4              | 13(4) — PI           | u(⊿)—u(0)                  | 00,0          |

Tabelle 5. (Fortsetzung)

Tabelle 5. (Fortsetzung) S(7) - Pb(3) - S(8)88,0° S(10) - Pb(4) - S(6)85,5° S(5) 86,8 S(4) 87,9 S(2) 132.9 S(9) 83,1 S(10)81,3 126,5 S(8) S(6) 154,5S(3) 153.6 S(4) 73,9 S(12) 78,4 S(8)-Pb(3)-S(4) 81,4 S(6) - Pb(4) - S(12)140,8 S(5)-Pb(3)-S(2) 86,8 S(4)-Pb(4)-S(9) 155,4 S(2)-Pb(3)-S(10) 143,7 S(9)-Pb(4)-S(8) 116,8 S(10)-Pb(3)-S(6) 73,4S(8)-Pb(4)-S(3) 78,3 S(6) - Pb(3) - S(4)126,4S(3)-Pb(4)-S(12) 107,8 S(8)-Pb(3)-S(5) 156,2S(6) - Pb(4) - S(4)80,4 S(13)-Pb(5)-S(15) 81,8°  $72,3^{\circ}$ S(21)-Pb(6)-S(18) 82,8 S(7) 151,9 S(14) S(14) 89,8 S(13) 127,9 S(9) 85,6 S(15) 117,3 S(10) 161,0 S(20) 75,1 S(11) 120,3 S(19) 67,1 S(15)-Pb(5)-S(7) 140,2S(17) 63.9 S(15) - Pb(5) - S(11)S(11) 69,3 126,3 S(7) - Pb(5) - S(14)71,3 S(18) - Pb(6) - S(14)84,9 S(14) - Pb(5) - S(9)156,6 S(18)-Pb(6)-S(11) 81,3 S(9) - Pb(5) - S(10)99,1 S(14)-Pb(6)-S(13) 80,2 S(10) - Pb(5) - S(11)78.6 S(13)-Pb(6)-S(15) 71,5 S(15)-Pb(6)-S(20) 61,3 S(20)-Pb(6)-S(19) 83,7 S(19) - Pb(6) - S(17)83,1 S(17)-Pb(6)-S(11) 69,3 S(17) - Pb(7) - S(18)87.7° S(24)-Pb(8)-S(23) 84.6° S(22) 68,8 S(15) 128,5 S(13) 85,2150,4 S(19) S(20) 137,4 S(20) 83,0 S(19) 88,2 67,3 S(25) S(12) 67,6 S(21) 73,2 S(14) 136,2 S(18) 73,9 S(16) 144,2S(17) 131,1 S(18)-Pb(7)-S(22) 72,0 S(23)-Pb(8)-S(15) 145,5S(18)-Pb(7)-S(16) 127,8 S(23)-Pb(8)-S(17) 80,7 S(22)--Pb(7)--S(13) 132,9 S(15)-Pb(8)-S(19) 70,6 S(13) - Pb(7) - S(20)126,8 S(19)-Pb(8)-S(20) 88,3 S(20) - Pb(7) - S(19)77,5 S(20)-Pb(8)-S(25) 71,2 S(19)-Pb(7)-S(12) 131,9 S(25) - Pb(8) - S(21)121,8 S(12)-Pb(7)-S(14) 69,0 S(21)-Pb(8)-S(18) 62,9 S(14)-Pb(7)-S(16) 63,9 S(18)-Pb(8)-S(17) 79,5

P. ENGEL und W. NOWACKI

| S(19)-Pb(9)-S(20)                            | 85,2°  | S(29) - Pb(10) - S(24)    | 84,4°           |
|--|--------|---------------------------|-----------------|
| S(16)  | 70,5   | S(28)                     | 82,4            |
| S(24)  | 150,3  | S(21)                     | 136,1           |
| S(23)  | 83,5   | S(23)                     | 70,2            |
| S(26)  | 84,6   | S(27)                     | 73,8            |
| S(17)  | 78,2   | $\mathbf{S}(25)$          | 149,2           |
| $\mathbf{S}(22)$                             | 131.5  | S(24) - Pb(10) - S(28)    | 81.8            |
| S(18)  | 134.2  | S(24) - Pb(10) - S(25)    | 121.3           |
| S(20) = Ph(9) = S(16)                        | 65.3   | S(28) - Pb(10) - S(21)    | 134.5           |
| S(20) = Ph(9) = S(18)                        | 84.6   | S(21) - Pb(10) - S(23)    | 67.8            |
| $S(24)$ _Pb(9)_ $S(23)$                      | 88.1   | S(23) - Pb(10) - S(27)    | 75.6            |
| S(23) Pb(9) $S(26)$                          | 73.3   | S(27) - Pb(10) - S(25)    | 83.5            |
| S(26) = Pb(9) = S(20)                        | 151.8  | 5(21) -1 5(10) 5(20)      | 00,0            |
| S(17) - Ph(9) - S(17)                        | 61.2   |                           |                 |
| S(17) - I D(9) - S(22)<br>S(99) D D(0) S(18) | 69.2   |                           |                 |
| S(22) - FD(9) - S(18)                        | 02,3   |                           |                 |
| S(29)— $Pb(11)$ — $S(30)$                    | 80,2°  | S(2) - Pb(12) - S(33)     | 73,2°           |
| S(33)  | 87,6   | S(28)                     | 131,3           |
| S(31)  | 68,8   | S(34)                     | 66,4            |
| S(1)   | 147,9  | S(30)                     | 130,2           |
| S(27)  | 72,6   | S(36)                     | 65,7            |
| S(35)  | 89,2   | S(32)                     | 110,6           |
| S(34)  | 137,8  | S(29)                     | 140,4           |
| S(36)  | 130,2  | S(35)                     | 69,1            |
| S(30) - Pb(11) - S(33)                       | 148,2  | S(33) - Pb(12) - S(28)    | 83,3            |
| S(30) - Pb(11) - S(36)                       | 75,2   | S(33) - Pb(12) - S(35)    | 73,5            |
| S(33) - Pb(11) - S(31)                       | 132,3  | S(28) - Pb(12) - S(34)    | 71,2            |
| S(31) - Pb(11) - S(1)                        | 110.4  | S(34) - Pb(12) - S(30)    | 86.2            |
| S(1) - Pb(11) - S(27)                        | 122.3  | S(30) - Pb(12) - S(36)    | 72.4            |
| S(27) = Pb(11) = S(35)                       | 151.9  | S(36) - Pb(12) - S(32)    | 62.8            |
| S(35) - Pb(11) - S(34)                       | 127.7  | S(32) - Pb(12) - S(29)    | 63.0            |
| S(34) - Pb(11) - S(36)                       | 83.4   | S(22) - Pb(12) - S(35)    | 76.0            |
|  |        |                           | , -             |
| S(35) - As(1) - S(3)                         | 103,0° | S(2)-As(2)-S(36)          | 98,9°           |
| S(35) - As(1) - S(1)                         | 98,3   | S(2)— $As(2)$ — $S(1)$    | 100,2           |
| S(3) - As(1) - S(1)                          | 93,2   | S(36)-As(2)-S(1)          | 98,0            |
| $S(5) = A_{S}(3) = S(4)$                     | 99.6°  | $S(6) - A_{S}(3') - S(4)$ | 99.9°           |
| $S(5) - A_{S}(3) - S(3)$                     | 95 7   | $S(6) - A_S(3') - S(10)$  | 100.0           |
| $S(4) - A_S(3) - S(3)$                       | 100 7  | S(4) - As(3') - S(10)     | 98.8            |
| ~(*) ***(*) ~~(*)                            | ,      | (*) $(*)$ $(0)$ $(10)$    | 00,0            |
| S(9)— $As(4b)$ — $S(6)$                      | 84,3°  | S(9)— $As(4b)$ — $S(1)$   | $158,2^{\circ}$ |
| $\mathbf{S}(5)$                              | 90,8   | S(6) - As(4b) - S(5)      | 96,1            |
| S(8)   | 80,6   | S(6)-As $(4b)$ -S $(8)$   | 91,6            |
| S(7)   | 85,6   | S(6)— $As(4b)$ — $S(1)$   | 77,4            |
|  |        |                           |                 |

Tabelle 5. (Fortsetzung)

| Tabelle 5. (Fortsetzung)  |        |  |        |  |  |  |
|---------------------------|--------|--|--------|--|--|--|
| S(9)-As(4a)-S(6)          | 100,3° | S(8)–As(5a)–S(10)                            | 97,3°  |  |  |  |
| S(9)-As(4a)-S(5)          | 98,4   | S(8) - As(5a) - S(9)                         | 96,2   |  |  |  |
| S(5)—As(4a)—S(6)          | 104,1  | S(10) - As(5a) - S(9)                        | 100,2° |  |  |  |
| S(8)–As(5b)–S(10)         | 97,3°  | S(13)–As(6)–S(11)                            | 97,5°  |  |  |  |
| S(8)— $As(5b)$ — $S(14)$  | 96,1   | S(13) - As(6) - S(12)                        | 95,3   |  |  |  |
| S(10)-As(5b)-S(14)        | 98,3   | S(11)- $As(6)$ - $S(12)$                     | 99,2   |  |  |  |
| S(7)—As(7)—S(14)          | 100,0° | S(17) - As(8) - S(12)                        | 100,8° |  |  |  |
| S(7) - As(7) - S(11)      | 97,3   | S(17) - As(8) - S(16)                        | 99,3   |  |  |  |
| S(14)—As(7)—S(11)         | 97,2   | S(12)-As(8)-S(16)                            | 96,3   |  |  |  |
| S(15)-As(9)-S(18)         | 98,8°  | S(21) - As(10) - S(19)                       | 98.1°  |  |  |  |
| S(15)-As(9)-S(16)         | 99,5   | S(21) - As(10) - S(22)                       | 99.8   |  |  |  |
| S(16)—As(9)—S(18)         | 98,6   | S(19) - As(10) - S(22)                       | 97,7   |  |  |  |
| S(20)-As(11)-S(26)        | 100,4° | S(30) - As(12) - S(28)                       | 99.1 ° |  |  |  |
| S(20)—As(11)—S(22)        | 98,8   | S(30) - As(12) - S(27)                       | 97.2   |  |  |  |
| S(26) - As(11) - S(22)    | 94,7   | $S(28) \rightarrow As(12) \rightarrow S(27)$ | 95,0°  |  |  |  |
| S(23)-As(13)-S(29)        | 98,8°  | S(24) - As(14) - S(25)                       | 98.2°  |  |  |  |
| S(23)-As(13)-S(25)        | 94,0   | $S(24) - A_{S}(14) - S(26)$                  | 95.3   |  |  |  |
| S(29)—As(13)—S(25)        | 94,5   | S(25) - As(14) - S(26)                       | 98,7   |  |  |  |
| S(32)—As(15)—S(33)        | 100,6° | S(34) - As(16) - S(27)                       | 99,0°  |  |  |  |
| S(32)-As $(15)$ -S $(31)$ | 103,7  | S(34) - As(16) - S(31)                       | 93,5   |  |  |  |
| S(33) - As(15) - S(31)    | 96,5   | S(27) - As(16) - S(31)                       | 87.8   |  |  |  |

Kristalle, der Kommission zur Förderung der wissenschaftlichen Forschung (Projekt Nr. 386) und der Stiftung Entwicklungsfonds Seltene Metalle für ihre Unterstützung, sowie dem Rechenzentrum der Universität Bern (Herren Prof. Dr. W. NEF und Dr. R. R. HÜSSER) für die Möglichkeit der Benützung der Bull Gamma 30S-Rechenanlage bestens.

# Literatur

D. GIUȘČA (1930), Die Erze der Lagerstätte vom Lengenbach im Binnental (Wallis). Schweiz. Min. Petr. Mitt. 10, 152-177.

- Y. IITAKA and W. NOWACKI (1961), A refinement of the pseudo crystal structure of scleroclase PbAs<sub>2</sub>S<sub>4</sub>. Acta Crystallogr. 14, 1291–1292.
- M.-TH. LEBIHAN (1962), Étude structurale de quelques sulfures de plomb et d'arsénic naturels du gisement de Binn. Bull. Soc. franç. Min. Cristallogr. 85, 15-47.
- F. MARUMO and W. NOWACKI (1965), The crystal structure of rathite-I. Z. Kristallogr. 122, 433-456.
- F. MARUMO and W. NOWACKI (1967), The crystal structure of dufrenoysite, Pb<sub>16</sub>As<sub>16</sub>S<sub>40</sub>. Z. Kristallogr. 124, 409-419.
- W. NOWACKI (1967), Überblick über einige Sulfid- und Arsensulfosalz-Kristallstrukturen. Schweiz. Min. Petr. Mitt. 47, 659-681.
- W. NOWACKI, Y. IITAKA, H. BÜRKI and V. KUNZ (1961), Structural investigations on sulfosalts from the Lengenbach, Binn Valley (Ct. Wallis). Part 2. Schweiz. Min. Petr. Mitt. 41, 103-116.
- R. H. SOLLY (1902), Sulpharsenites of lead from the Binnenthal. Part III. Baumhauerite, a new mineral; and dufrenoysite. Min. Mag. 13, 151-171.